

## CHUYÊN ĐỀ 1. THỰC HIỆN CÁC PHÉP TOÁN

**Câu 1:** Số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| + z = 0$ . Khi đó:

- A.  $z$  là số thuần ảo. B.  $|z| = 1$ .  
C. Phần thực của  $z$  là số âm. D.  $z$  là số thực nhỏ hơn hoặc bằng 0.

**Câu 2:** Cho hai số phức  $z = (a - 2b) - (a - b)i$  và  $w = 1 - 2i$ . Biết  $z = w.i$ . Tính  $S = a + b$ .

- A.  $S = 7$ . B.  $S = -7$ . C.  $S = -4$ . D.  $S = -3$ .

**Câu 3:** Số phức nghịch đảo của số phức  $z = 1 + 3i$  là

- A.  $\frac{1}{10}(1 - 3i)$ . B.  $1 - 3i$ . C.  $\frac{1}{\sqrt{10}}(1 + 3i)$ . D.  $\frac{1}{10}(1 + 3i)$ .

**Câu 4:** Tìm số phức  $z$  thỏa mãn  $(2 - i)(1 + i) + \bar{z} = 4 - 2i$ .

- A.  $z = -1 + 3i$ . B.  $z = 1 - 3i$ . C.  $z = 1 + 3i$ . D.  $z = -1 - 3i$ .

**Câu 5:** Rút gọn biểu thức  $A = 1 + (1 + i)^2 + (1 + i)^4 + \dots + (1 + i)^{10}$ .

- A.  $-205 + 410i$ . B.  $205 - 410i$ . C.  $-205 - 410i$ . D.  $205 + 410i$ .

**Câu 6:** Gọi  $a, b$  lần lượt là phần thực và phần ảo của số phức

$$z = |1 - \sqrt{3}i|(1 + 2i) + |3 - 4i|(2 + 3i).$$

Giá trị của  $a - b$  là

- A. 7. B. -7. C. 31. D. -31.

**Câu 7:** Cho số phức  $z$  thỏa mãn:  $(1 + 2z)(3 + 4i) + 5 + 6i = 0$ . Tìm số phức  $w = 1 + z$ .

- A.  $w = -\frac{7}{25} + \frac{1}{25}i$ . B.  $w = -\frac{7}{25} + \frac{1}{5}i$ . C.  $w = \frac{7}{25} + \frac{1}{25}i$ . D.  $w = -\frac{7}{25} - \frac{1}{25}i$ .

**Câu 8:** Cho số phức  $z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ . Số phức  $1 + z + z^2$  bằng.

- A.  $2 - \sqrt{3}i$ . B. 0. C.  $-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ . D. 1.

**Câu 9:** Với hai số phức bất kỳ  $z_1, z_2$ . Khẳng định nào sau đây đúng

- A.  $|z_1 + z_2| = |z_1| + |z_2| + |z_1 - z_2|$ . B.  $|z_1 + z_2| \geq |z_1| + |z_2|$ .  
C.  $|z_1 + z_2| \leq |z_1| + |z_2|$ . D.  $|z_1 + z_2| = |z_1| + |z_2|$ .

**Câu 10:** Cho  $a, b, c$  là các số thực và

$$z = -\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}. \text{ Giá trị của } (a + bz + cz^2)(a + bz^2 + cz) \text{ bằng}$$

- A. 0. B.  $a + b + c$ .  
C.  $a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$ . D.  $a^2 + b^2 + c^2 + ab + bc + ca$ .

**Câu 11:** Cho số phức  $z = 1 - 3i$ . Tìm số phức  $w = iz + \bar{z}$ .

- A.  $w = -4 + 4i$ . B.  $w = 4 + 4i$ . C.  $w = 4 - 4i$ . D.  $w = -4 - 4i$ .

**Câu 12:** Biểu diễn về dạng  $z = a + bi$  của số phức  $z = \frac{i^{2016}}{(1+2i)^2}$  là số phức nào?

- A.  $\frac{3}{25} + \frac{4}{25}i$ .      B.  $\frac{3}{25} - \frac{4}{25}i$ .      C.  $\frac{-3}{25} - \frac{4}{25}i$ .      D.  $\frac{-3}{25} + \frac{4}{25}i$ .

**Câu 13:** Nếu  $z = 2i + 3$  thì  $\frac{z}{\bar{z}}$  bằng:

- A.  $\frac{5-12i}{13}$ .      B.  $\frac{5+12i}{13}$ .      C.  $\frac{3-4i}{7}$ .      D.  $\frac{5+6i}{11} - 2i$ .

**Câu 14:** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình  $z^2 - 6z + 13 = 0$ . Tìm số phức

$$w = z_0 + \frac{6}{z_0 + i}.$$

- A.  $w = \frac{24}{5} + \frac{7}{5}i$ .      B.  $w = -\frac{24}{5} + \frac{7}{5}i$ .      C.  $w = -\frac{24}{5} - \frac{7}{5}i$ .      D.  $w = \frac{24}{5} - \frac{7}{5}i$ .

**Câu 15:** Cho hai số phức  $z_1 = 2 - 2i$ ,  $z_2 = -3 + 3i$ . Khi đó số phức  $z_1 - z_2$  là

- A.  $-5i$ .      B.  $5 - 5i$ .      C.  $-1 + i$ .      D.  $-5 + 5i$ .

**Câu 16:** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa  $\left| \frac{z+1}{i-z} \right| = 1$  và  $\left| \frac{z-i}{2+z} \right| = 1$ ?

- A. 4.      B. 2.      C. 3.      D. 1.

**Câu 17:** Cho số phức  $z = 1 + i$ . Khi đó  $|z^3|$  bằng

- A.  $2\sqrt{2}$ .      B. 4.      C. 1.      D.  $\sqrt{2}$ .

**Câu 18:** Cho số phức  $z = 2 + 4i$ . Tìm số phức  $w = iz + \bar{z}$ .

- A.  $w = 2 + 2i$ .      B.  $w = -2 - 2i$ .      C.  $w = 2 - 2i$ .      D.  $w = -2 + 2i$ .

**Câu 19:** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + 2i$ ,  $z_2 = 3 - i$ . Tìm số phức  $z = \frac{z_2}{z_1}$ .

- A.  $z = \frac{1}{5} - \frac{7}{5}i$ .      B.  $z = -\frac{1}{10} + \frac{7}{10}i$ .      C.  $z = \frac{1}{5} + \frac{7}{5}i$ .      D.  $z = \frac{1}{10} + \frac{7}{10}i$ .

**Câu 20:** Tính  $z = \frac{3+2i}{1-i} + \frac{1-i}{3+2i}$ ?

- A.  $z = \frac{23}{26} + \frac{61}{26}i$ .      B.  $z = \frac{23}{26} + \frac{63}{26}i$ .      C.  $z = \frac{15}{26} + \frac{55}{26}i$ .      D.  $z = \frac{2}{13} + \frac{6}{13}i$ .

**Câu 21:** Số phức  $z = (1+2i)(2-3i)$  bằng

- A.  $8+i$ .      B.  $-4+i$ .      C.  $8-i$ .      D. 8.

**Câu 22:** Cho các số phức  $z_1, z_2, z_3$  thỏa mãn 2 điều kiện  $|z_1| = |z_2| = |z_3| = 2017$  và  $z_1 + z_2 + z_3 \neq 0$ .

$$\text{Tính } P = \left| \frac{z_1 z_2 + z_2 z_3 + z_3 z_1}{z_1 + z_2 + z_3} \right|.$$

- A.  $P = 6051$ .      B.  $P = 2017$ .      C.  $P = 1008,5$ .      D.  $P = 2017^2$ .

**Câu 23:** Cho số phức  $z = a + bi$  ( với  $a, b \in \mathbb{R}$  ) thỏa  $|z|(2+i) = z - 1 + i(2z+3)$ . Tính  $S = a + b$ .

- A.  $S = 7$ .      B.  $S = -5$ .      C.  $S = -1$ .      D.  $S = 1$ .

**Câu 24:** Cho số phức  $z = 5 + 2i$ . Tìm số phức  $w = i\bar{z} - z$ .

- A.  $w = 3 + 3i$ . B.  $w = -3 + 3i$ . C.  $w = 3 - 3i$ . D.  $w = -3 - 3i$ .

**Câu 25:** Thu gọn số phức  $z = \frac{3+2i}{1-i} + \frac{1-i}{3+2i}$  ta được.

- A.  $z = \frac{21}{26} + \frac{61}{26}i$ . B.  $z = \frac{23}{26} + \frac{63}{26}i$ .  
C.  $z = \frac{2}{13} + \frac{6}{13}i$ . D.  $z = \frac{15}{26} + \frac{55}{26}i$ .

**Câu 26:** Cho số phức  $z = 3 + 2i$ . Tìm số phức  $w = z(1+i)^2 - \bar{z}$ .

- A.  $w = 7 - 8i$ . B.  $w = -7 + 8i$ . C.  $w = -3 + 5i$ . D.  $w = 3 + 5i$ .

**Câu 27:** Cho số phức  $z = 3 + 2i$ . Tìm số phức  $w = z(1+i)^2 - \bar{z}$

- A.  $w = 7 - 8i$ . B.  $w = -3 + 5i$ . C.  $w = -7 + 8i$ . D.  $w = 3 + 5i$ .

**Câu 28:** Cho  $u = (1+5i)$ ,  $v = (3+4i)$ . Trong các khẳng định sau, khẳng định nào đúng?

- A.  $\frac{u}{v} = \frac{23}{5} - \frac{11}{5}i$ . B.  $\frac{u}{v} = \frac{1}{3} + \frac{5}{4}i$ . C.  $\frac{u}{v} = \frac{23}{25} - \frac{11}{25}i$ . D.  $\frac{u}{v} = \frac{23}{25} + \frac{11}{25}i$ .

**Câu 29:** Cho hai số phức  $z_1 = 2 + 3i$ ,  $z_2 = 3 - 2i$ . Tích  $z_1 \cdot z_2$  bằng:

- A.  $5i$  B.  $12 + 5i$  C.  $-5i$  D.  $6 - 6i$

**Câu 30:** Cho hai số phức  $z_1 = 5 - 7i$ ,  $z_2 = 2 - i$ . Tính môđun của hiệu hai số phức đã cho

- A.  $|z_1 - z_2| = \sqrt{74} - \sqrt{5}$ . B.  $|z_1 - z_2| = 45$ .  
C.  $|z_1 - z_2| = \sqrt{113}$ . D.  $|z_1 - z_2| = 3\sqrt{5}$ .

**Câu 31:** Cho số phức  $z = 1 - \frac{1}{3}i$ . Tính số phức  $w = i\bar{z} + 3z$ .

- A.  $w = \frac{8}{3}$ . B.  $w = \frac{8}{3} + i$ . C.  $w = \frac{10}{3} + i$ . D.  $\frac{10}{3}$ .

**Câu 32:** Cho số phức  $z = 1 + \sqrt{3}i$ . Khi đó.

- A.  $\frac{1}{z} = \frac{1}{4} - \frac{\sqrt{3}}{4}i$ . B.  $\frac{1}{z} = \frac{1}{4} + \frac{\sqrt{3}}{4}i$ . C.  $\frac{1}{z} = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$ . D.  $\frac{1}{z} = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .

**Câu 33:** Số  $\frac{1}{1+i}$  bằng

- A.  $\frac{1}{2}(1-i)$  B.  $i$  C.  $1-i$  D.  $1+i$

**Câu 34:** Cho  $i$  là đơn vị ảo. Giá trị của biểu thức  $z = (i^5 + i^4 + i^3 + i^2 + i + 1)^{20}$  là

- A.  $-1024$ . B.  $1024$ . C.  $1024i$ . D.  $-1024i$ .

**Câu 35:** Phần thực của số phức  $z = (3-i)(1-4i)$  là:

- A.  $-13$ . B.  $13$ . C.  $1$ . D.  $-1$ .

**Câu 36:** Cho hai số phức  $z_1 = 2 + 3i$ ,  $z_2 = -4 - 5i$ . Số phức  $z = z_1 + z_2$  là

- A.  $z = -2 - 2i$ . B.  $z = 2 - 2i$ . C.  $z = -2 + 2i$ . D.  $z = 2 + 2i$ .

**Câu 37:** Tìm mệnh đề **sai** trong các mệnh đề sau.

A.  $\frac{1}{2i} \left( i^7 - \frac{1}{i^7} \right) = -1.$

B.  $(2+i)^3 - (3-i)^3 = -16 + 37i.$

C.  $(1-3i) + (2-\sqrt{3}i)(1+2i) - (1-i)^3 = (5+2\sqrt{3}) + (3+\sqrt{3})i.$

D.  $(1-i)^{10} + (3-2i)(3+2i) + (1+i)^6 = 13 - 40i.$

**Câu 38:** Tính  $z = (1+2i)^3 + (3-i)^2$  ta được:

A.  $z = 3 - 8i.$

B.  $z = -3 + 8i.$

C.  $z = 3 + 8i.$

D.  $z = -3 - 8i.$

**Câu 39:** Số phức  $z = \frac{1}{3-4i}$  là số phức nào dưới đây?

A.  $\frac{3}{25} - \frac{4}{25}i.$

B.  $-\frac{3}{25} + \frac{4}{25}i.$

C.  $\frac{3}{25} + \frac{4}{25}i.$

D.  $-\frac{3}{25} - \frac{4}{25}i.$

**Câu 40:** Tìm nghịch đảo  $\frac{1}{z}$  của số phức  $z = (-1+4i)^2$ .

A.  $\frac{1}{z} = \frac{-15}{289} - \frac{8i}{289}.$

B.  $\frac{1}{z} = \frac{-15}{289} + \frac{8i}{289}.$

C.  $\frac{1}{z} = \frac{15}{289} + \frac{8i}{289}.$

D.  $\frac{1}{z} = \frac{15}{289} - \frac{8i}{289}.$

**Câu 41:** Gọi  $z_1, z_2, z_3, z_4$  là các nghiệm của phương trình  $\left( \frac{z-1}{2z-i} \right)^4 = 1$ . Tính giá trị biểu thức

$P = (z_1^2 + 1)(z_2^2 + 1)(z_3^2 + 1)(z_4^2 + 1).$

A.  $P = \frac{17}{9}.$

B.  $P = \frac{16}{9}.$

C.  $P = \frac{15}{9}.$

D.  $P = 2.$

**Câu 42:** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $(1+i)^2 \cdot \bar{z} + 4 - 5i = -1 + 6i$ . Tính  $S = a + b$ .

A.  $S = 3.$

B.  $S = 8.$

C.  $S = 6.$

D.  $S = -3.$

**Câu 43:** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + 2i$ ,  $z_2 = 2 - 3i$ . Xác định phần thực, phần ảo của số phức  $z = z_1 + z_2$ .

A. Phần thực bằng 5; phần ảo bằng 5.

B. Phần thực bằng 3; phần ảo bằng 1.

C. Phần thực bằng 3; phần ảo bằng -1.

D. Phần thực bằng 3; phần ảo bằng -5.

**Câu 44:** Nếu  $|z| = a$ ; ( $a > 0$ ) thì  $\frac{\bar{z}^2 - a}{\bar{z}}$

A. lấy mọi giá trị phức.

B. là số thuần ảo.

C. bằng 0.

D. lấy mọi giá trị thực.

**Câu 45:** Cho số phức  $z = \left( \frac{2+6i}{3-i} \right)^m$ ,  $m$  nguyên dương. Có bao nhiêu giá trị  $m \in [1; 50]$  để  $z$  là số thuần ảo?

A. 24.

B. 26.

C. 25.

D. 50.

**Câu 46:** Cho số phức  $z = 1 + i + i^2 + i^3 + \dots + i^9$ . Khi đó

A.  $z = 1.$

B.  $z = i.$

C.  $z = 1 - i.$

D.  $z = 1 + i.$

**Câu 47:** Cho số phức  $w = 3 - 5i$ . Tìm số phức  $z$  biết  $\bar{w} = (3 - 4i)\bar{z}$ .

A.  $z = -\frac{11}{25} - \frac{27}{25}i$ .      B.  $z = -\frac{11}{25} + \frac{27}{25}i$ .      C.  $z = \frac{11}{25} + \frac{27}{25}i$ .      D.  $z = \frac{11}{25} - \frac{27}{25}i$ .

**Câu 48:** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $(1+i\sqrt{3}).z = 4i$ . Tính  $z^{2017}$ .

A.  $-8^{672}(\sqrt{3}+i)$ .      B.  $8^{672}(1-\sqrt{3}.i)$ .      C.  $8^{672}(\sqrt{3}+i)$ .      D.  $8^{672}(\sqrt{3}.i-1)$ .

**Câu 49:** Cho  $i$  là đơn vị ảo. Với  $a, b \in \mathbb{R}$ ,  $a^2 + b^2 > 0$  thì số phức  $a+bi$  có nghịch đảo là

A.  $\frac{a+bi}{a^2+b^2}$ .      B.  $\frac{1}{a+b}i$ .      C.  $\frac{a-bi}{a+b}$ .      D.  $\frac{a-bi}{a^2+b^2}$ .

**Câu 50:** Cho số phức  $\bar{z} = 3+2i$ . Tìm số phức  $w = 2i.\bar{z} + z$ .

A.  $w = -1+4i$ .      B.  $w = 9-2i$ .      C.  $w = 4+7i$ .      D.  $w = 4-7i$ .

**Câu 51:** Số phức nghịch đảo  $z^{-1}$  của số phức  $z = 2-2i$  là

A.  $-\frac{1}{4} - \frac{1}{4}i$       B.  $\frac{1}{4} - \frac{1}{4}i$       C.  $-\frac{1}{4} + \frac{1}{4}i$       D.  $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}i$

**Câu 52:** Tính  $z = \frac{2-i}{1-i^{2017}}$ .

A.  $z = \frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$ .      B.  $z = \frac{3}{2} - \frac{1}{2}i$ .      C.  $z = \frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$ .      D.  $z = \frac{3}{2} + \frac{1}{2}i$ .

**Câu 53:** Gọi  $x, y$  là hai số thực thỏa mãn biểu thức  $\frac{x+yi}{1-i} = 3+2i$ . Khi đó, tích số  $x.y$  bằng:

A.  $x.y = -1$ .      B.  $x.y = -5$ .      C.  $x.y = 1$ .      D.  $x.y = 5$ .

**Câu 54:** Cho hai số phức:  $z_1 = 2+5i$ ,  $z_2 = 3-4i$ . Tìm số phức  $z = z_1.z_2$ .

A.  $z = 26+7i$ .      B.  $z = 6+20i$ .      C.  $z = 26-7i$ .      D.  $z = 6-20i$ .

**Câu 55:** Cho số phức  $z = -2+3i$ . Tìm số phức  $w = 2iz - \bar{z}$ .

A.  $w = 8-i$ .      B.  $w = -4-i$ .      C.  $w = -4-7i$ .      D.  $w = 8-7i$ .

**Câu 56:** Cho số phức  $z = 3-2i$ . Tìm số phức  $w = \frac{5z}{2-i} - 2\bar{z}$ ?

A.  $w = -2-5i$ .      B.  $w = -2+5i$ .      C.  $w = 2-5i$ .      D.  $w = 2+5i$ .

**Câu 57:** - 2017] Số phức  $1+(1+i)+(1+i)^2+\dots+(1+i)^{20}$  có giá trị bằng.

A.  $2^{10} + (2^{10}+1)i$ .      B.  $-2^{10} + (2^{10}+1)i$ .      C.  $-2^{10}$ .      D.  $2^{10} + 2^{10}i$ .

**Câu 58:** Cho số  $z$  thỏa mãn các điều kiện  $|z+8-3i| = |z-i|$  và  $|z+8-7i| = |z+4-i|$ . Tìm số phức  $w = z+7-3i$ .

A.  $w = 4+3i$       B.  $w = 13-6i$       C.  $w = 1+i$       D.  $w = 3-i$

**Câu 59:** Căn bậc hai của số phức  $z = -5+12i$  là:

A.  $2+3i$       B.  $-2-3i$       C.  $2-3i, -2+3i$       D.  $2+3i, -2-3i$

**Câu 60:** Biết  $\frac{1}{3+4i} = a+bi$ , ( $a, b \in \mathbb{R}$ ). Tính  $ab$ .

A.  $\frac{12}{25}$ .      B.  $\frac{12}{625}$ .      C.  $-\frac{12}{625}$ .      D.  $-\frac{12}{25}$ .

**Câu 61:** Cho số phức  $z = 4+6i$ . Tìm số phức  $w = i.\bar{z} + z$

A.  $w = -10+10i$ .      B.  $w = 10+10i$ .      C.  $w = -2+10i$ .      D.  $w = 10-10i$ .

**Câu 62:** Cho số phức  $z = 3 + 2i$ . Tìm số phức  $w = z(1+i)^2 - \bar{z}$ .

- A.  $w = -7 + 8i$ . B.  $w = 3 + 5i$ . C.  $w = -3 + 5i$ . D.  $w = 7 - 8i$ .

**Câu 63:** Xác định số phức liên hợp  $\bar{z}$  của số phức  $z$  biết  $\frac{(i-1)z+2}{1-2i} = 2+3i$ .

- A.  $\bar{z} = \frac{7}{2} + \frac{5}{2}i$ . B.  $\bar{z} = -\frac{7}{2} - \frac{5}{2}i$ . C.  $\bar{z} = -\frac{7}{2} + \frac{5}{2}i$ . D.  $\bar{z} = \frac{7}{2} - \frac{5}{2}i$ .

**Câu 64:** Cho số phức  $z$  bất kỳ, xét các số phức  $\alpha = z^2 + (\bar{z})^2$ ,  $\beta = z\bar{z} + i(z - \bar{z})$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\alpha, \beta$  là các số thực. B.  $\alpha$  là số thực,  $\beta$  là số ảo.  
C.  $\alpha$  là số ảo,  $\beta$  là số thực. D.  $\alpha, \beta$  là các số ảo.

**Câu 65:** Rút gọn biểu thức  $M = (1-i)^{2018}$  ta được

- A.  $M = -2^{1009}i$ . B.  $M = -2^{1009}$ . C.  $M = 2^{1009}i$ . D.  $M = 2^{1009}$ .

**Câu 66:** Cho số phức  $z_1 = 3 + 2i$ ,  $z_2 = 6 + 5i$ . Tìm số phức liên hợp của số phức  $z = 6z_1 + 5z_2$

- A.  $\bar{z} = 51 - 40i$ . B.  $\bar{z} = 48 + 37i$ . C.  $\bar{z} = 48 - 37i$ . D.  $\bar{z} = 51 + 40i$ .

**Câu 67:** Cho hai số phức  $z_1 = 1 - 2i$ ,  $z_2 = x - 4 + yi$  với  $x, y \in \mathbb{R}$ . Tìm cặp  $(x; y)$  để  $z_2 = 2\bar{z}_1$ .

- A.  $(x; y) = (4; 6)$ . B.  $(x; y) = (5; -4)$ . C.  $(x; y) = (6; -4)$ . D.  $(x; y) = (6; 4)$ .

**Câu 68:** Kết quả của phép tính  $\frac{(2-i)^2(2i)^4}{1-i}$  là:

- A.  $56 + 8i$  B.  $7 - i$  C.  $56 - 8i$  D.  $7 + i$

**Câu 69:** Tính  $P = |1 + \sqrt{3}i|^{2018} + |1 - \sqrt{3}i|^{2018}$ .

- A.  $P = 2^{1010}$  B.  $P = 2^{2019}$  C.  $P = 4$  D.  $P = 2$

**Câu 70:** Biết  $2^n (C_n^0 + iC_n^1 - C_n^2 - iC_n^3 + \dots + i^k C_n^k + \dots + i^n C_n^n) = 32768i$ , với  $C_n^k$  là các số tổ hợp chập  $k$  của  $n$  và  $i^2 = -1$ . Đặt  $T_{k+1} = i^k C_n^k$ , giá trị của  $T_8$  bằng

- A.  $-330i$ . B.  $-8i$ . C.  $-36i$ . D.  $-120i$ .

**Câu 71:** Người ta chứng minh được nếu  $z = \cos \alpha + i \sin \alpha$  ( $\alpha \in \mathbb{R}$ )  $\Rightarrow z^n = \cos n\alpha + i \sin n\alpha$  với  $n \in \mathbb{Z}^*$ . Cho  $z = i^3 (\sqrt{3} + i)^{18}$ . Trong các khẳng định sau, khẳng định nào đúng?

- A.  $z = i \cdot 2^{18}$ . B.  $z = i \cdot 2^9$ . C.  $z = -i \cdot 2^9$ . D.  $z = -i \cdot 2^{18}$ .

**Câu 72:** Rút gọn số phức  $z = \frac{3-2i}{1-i} - \frac{1+i}{3+2i}$  ta được.

- A.  $z = \frac{55}{26} + \frac{15}{26}i$ . B.  $z = \frac{75}{26} + \frac{11}{26}i$ . C.  $z = \frac{75}{26} + \frac{15}{26}i$ . D.  $z = \frac{55}{26} + \frac{11}{26}i$ .

**Câu 73:** Cho số phức  $z = 2 + 3i$ . Tìm số phức  $w = (3 + 2i)z + 2\bar{z}$ .

- A.  $w = 7 + 4i$ . B.  $w = 4 + 7i$ . C.  $w = 7 + 5i$ . D.  $w = 5 + 7i$ .

**Câu 74:** Cho số phức  $z_1, z_2, z_3$  thỏa mãn  $|z_1| = |z_2| = |z_3| = 1$  và  $z_1 + z_2 + z_3 = 0$ . Tính  $A = z_1^2 + z_2^2 + z_3^2$ .

- A.  $A = 0$ . B.  $A = 1 + i$ . C.  $A = -1$ . D.  $A = 1$ .

**Câu 75:** Cho các số phức  $z_1 = 2 - 3i$ ,  $z_2 = 1 + 4i$ . Tìm số phức liên hợp với số phức  $z_1 z_2$ .

- A.  $-14 - 5i$ . B.  $-10 - 5i$ . C.  $-10 + 5i$ . D.  $14 - 5i$ .

**Câu 76:** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) tùy ý. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Mô đun của  $z$  là một số thực dương.  
 B.  $z^2 = |z|^2$ .  
 C. Số phức liên hợp của  $z$  có mô đun bằng mô đun của  $iz$ .  
 D. Điểm  $M(-a; b)$  là điểm biểu diễn của  $\bar{z}$ .

**Câu 77:** Rút gọn số phức  $z = \frac{3-2i}{1-i} - \frac{1+i}{3+2i}$  ta được

- A.  $z = \frac{55}{26} + \frac{15}{26}i$ . B.  $z = \frac{75}{26} + \frac{15}{26}i$ . C.  $z = \frac{75}{26} + \frac{11}{26}i$ . D.  $z = \frac{55}{26} + \frac{11}{26}i$ .

**Câu 78:** Cho số phức  $z = 2 + 3i$ . Tìm số phức  $w = iz - \bar{z}$ .

- A.  $z = 5 + 3i$ . B.  $z = -5 + 5i$ . C.  $w = -3 + 5i$ . D.  $z = 5 - 5i$ .

**Câu 79:** Tính  $S = 1009 + i + 2i^2 + 3i^3 + \dots + 2017i^{2017}$ .

- A.  $1009 + 2017i$ . B.  $2017 + 1009i$ . C.  $2017 - 1009i$ . D.  $1008 + 1009i$ .

**Câu 80:** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $7a + 4 + 2bi = -10 + (6 - 5a)i$ . Tính  $P = (a + b)|z|$ .

- A.  $P = \frac{-4\sqrt{29}}{7}$ . B.  $P = 24\sqrt{17}$ . C.  $P = 12\sqrt{17}$ . D.  $P = \frac{72\sqrt{2}}{49}$ .

**Câu 81:** Cho số phức  $z = 3 + 2i$ , số phức  $z - 2\bar{z} = a + bi$ , ( $a, b \in \mathbb{R}$ ), khẳng định nào sau đây là sai?

- A.  $ab = -18$ . B.  $b - a = 3$ . C.  $a < 0$ . D.  $a + b < 4$ .

**Câu 82:** Cho số phức  $z = \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^5$ . Tính  $z^5 + z^6 + z^7 + z^8$ .

- A.  $-2$ . B.  $0$ . C.  $4i$ . D.  $4$ .

**Câu 83:** Cho  $a, b, c$  là các số thực và  $z = -\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ . Giá trị của  $(a + bz + cz^2)(a + bz^2 + cz)$  bằng

- A.  $0$ . B.  $a + b + c$ . C.  $a^2 + b^2 + c^2 + ab + bc + ca$ . D.  $a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$ .

**Câu 84:** Tìm số phức  $w = z_1 - 2z_2$ , biết rằng:  $z_1 = 1 + 2i$  và  $z_2 = 2 - 3i$ .

- A.  $w = -3 + 8i$ . B.  $w = 3 - i$ . C.  $w = -3 - 4i$ . D.  $w = 5 + 8i$ .

**Câu 85:** Cho  $z = (1+i)^{2017}$ . Tìm  $z$ .

- A.  $z = 2^{1008} i^{1008}$ . B.  $z = -2^{1008} - 2^{1008} i$ . C.  $z = -2^{1008} i^{1008}$ . D.  $z = 2^{1008} + 2^{1008} i$ .

**Câu 86:** Tìm số phức  $\bar{z}$  thỏa mãn  $(2-i)z = 4 + 3i$ .

- A.  $3 + 4i$ . B.  $3 - 4i$ . C.  $1 - 2i$ . D.  $1 + 2i$ .

**Câu 87:** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + 2i$ ,  $z_2 = 2 - 3i$ . Tổng của hai số phức  $z_1$  và  $z_2$  là

- A.  $3 - 5i$ . B.  $3 + 5i$ . C.  $3 - i$ . D.  $3 + i$ .

**Câu 88:** Cho số phức  $u = -1 + 2\sqrt{2}i$ . Nếu  $z^2 = u$  thì ta có.

A.  $\begin{cases} z = 1 + 2i \\ z = 2 - i \end{cases}$ .

B.  $\begin{cases} z = \sqrt{2} + 2i \\ z = \sqrt{2} - i \end{cases}$ .

C.  $\begin{cases} z = \sqrt{2} + i \\ z = 2\sqrt{2} - i \end{cases}$ .

D.  $\begin{cases} z = 1 + \sqrt{2}i \\ z = -1 - \sqrt{2}i \end{cases}$ .

**Câu 89:** Tính  $z = \frac{2-i}{1-i^{2017}}$ .

A.  $z = \frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$ .

B.  $z = \frac{3}{2} - \frac{1}{2}i$ .

C.  $z = \frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$ .

D.  $z = \frac{3}{2} + \frac{1}{2}i$ .

**Câu 90:** Cho số phức  $z = x + yi$ ;  $x, y \in \mathbb{R}$  thỏa mãn  $z^3 = 18 + 26i$ . Tính  $T = (z-2)^2 + (4-z)^2$ .

A. 0.

B. 4.

C. 1.

D. 2.

**Câu 91:** Cho hai số phức  $z_1 = m - 1 + 3i$  và  $z_2 = 2 - mi$  ( $m \in \mathbb{R}$ ). Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để  $z_1 \cdot z_2$  là số thực.

A.  $m \in \{-2; -3\}$ .

B.  $m = \frac{2}{5}$ .

C.  $m \in \{3; -2\}$ .

D.  $m \in \{-3; 2\}$ .

**Câu 92:** Tính tổng  $S$  của các phần thực của tất cả các số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện  $\bar{z} = \sqrt{3}z^2$ .

A.  $S = \sqrt{3}$ .

B.  $S = \frac{\sqrt{3}}{6}$ .

C.  $S = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ .

D.  $S = \frac{\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 93:** Nếu  $z = 2 - 3i$  thì  $z^3$  bằng:

A.  $-46 - 9i$ .

B.  $46 + 9i$ .

C.  $54 - 27i$ .

D.  $27 + 24i$ .

