

## TÍNH ĐƠN ĐIỆU

### DẠNG 1: LÝ THUYẾT VỀ TÍNH ĐƠN ĐIỆU CỦA HÀM SỐ

**Câu 1:** Hàm số  $y = -x^4 + 8x^2 + 6$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-2;0)$  và  $(2;+\infty)$ .
- B.  $(-\infty;-2)$  và  $(2;+\infty)$ .
- C.  $(-2;2)$ .
- D.  $(-\infty;-2)$  và  $(0;2)$ .

**Câu 2:** Hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và  $f'(x) > 0, \forall x \in (0; +\infty)$ , biết  $f(2) = 1$ . Khẳng định nào sau đây có thể xảy ra?

- A.  $f(3) = 0$ .
- B.  $f(2016) > f(2017)$ .
- C.  $f(1) = 4$ .
- D.  $f(2) + f(3) = 4$ .

**Câu 3:** Hàm số  $y = x^4 - 4x^3 + 3$  đồng biến trên những khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\sqrt{2};0), (\sqrt{2};+\infty)$ .
- B.  $(-\infty; -\sqrt{2}), (0; \sqrt{2})$ .
- C.  $(3; +\infty)$ .
- D.  $(0;3)$ .

**Câu 4:** Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ , khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $f\left(\frac{4}{3}\right) > f\left(\frac{5}{4}\right)$ .
- B.  $f(1) > f(-1)$ .
- C.  $f(3) > f(\pi)$ .
- D.  $f(1) > f(2)$ .

**Câu 5:** Cho hàm số  $f(x)$  có tính chất  $f'(x) \geq 0, \forall x \in (0;3)$  và  $f'(x) = 0, \forall x \in (1;2)$ . Khẳng định nào sau đây là sai?

- A. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(0;1)$ .
- B. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(2;3)$ .
- C. Hàm số  $f(x)$  là hàm hằng (tức là không đổi) trên khoảng  $(1;2)$ .
- D. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(0;3)$ .

**Câu 6:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có tính chất  $f'(x) \geq 0, \forall x \in (0;3)$  và  $f'(x) = 0$  khi và chỉ khi  $x \in [1;2]$ .

Hỏi khẳng định nào sau đây là sai?

- A. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(0;3)$ .
- B. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(2;3)$ .
- C. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(0;1)$ .
- D. Hàm số  $f(x)$  là hàm hằng (tức là không đổi) trên khoảng  $(1;2)$ .

**Câu 7:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, có đạo hàm trên đoạn  $[a;b]$  (với  $a < b$ ). Xét các mệnh đề sau:

- i) Nếu  $f'(x) > 0, \forall x \in (a;b)$  thì hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(a;b)$ .
- ii) Nếu phương trình  $f'(x) = 0$  có nghiệm  $x_0$  thì  $f'(x)$  đổi dấu từ dương sang âm khi qua  $x_0$ .
- iii) Nếu  $f'(x) \leq 0, \forall x \in (a;b)$  thì hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(a;b)$ .

Số mệnh đề đúng trong các mệnh đề trên là:

- A. 1.
- B. 3.
- C. 0.
- D. 2.

**Câu 8:** Cho hàm số  $y = f(x)$  đơn điệu trên  $(a; b)$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.  $f'(x) \geq 0, \forall x \in (a; b)$ .
- B.  $f'(x) > 0, \forall x \in (a; b)$ .
- C.  $f'(x)$  không đổi dấu trên khoảng  $(a; b)$ .
- D.  $f'(x) \neq 0, \forall x \in (a; b)$ .

**Câu 9:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $(a; b)$ . Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a; b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \geq 0, \forall x \in (a; b)$ .
- B. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a; b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \geq 0, \forall x \in (a; b)$  và  $f'(x) = 0$  tại hữu hạn giá trị  $x \in (a; b)$ .

- C. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a; b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) < 0, \forall x \in (a; b)$ .
- D. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a; b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \leq 0, \forall x \in (a; b)$ .

**Câu 10:** Hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$  đồng biến trên khoảng nào trong những khoảng sau?

- A.  $(-1; 3)$ .
- B.  $(4; 5)$ .
- C.  $(0; 4)$ .
- D.  $(-2; 2)$ .

**Câu 11:** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và  $f'(x) > 0, \forall x > 0$ . Biết  $f(1) = 2$ , hỏi khẳng định nào sau đây có thể xảy ra?

- A.  $f(2) + f(3) = 4$ .
- B.  $f(2016) > f(2017)$ .
- C.  $f(2) = 1$ .
- D.  $f(-1) = 2$ .

**Câu 12:** Hàm số nào sau đây luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$

- A.  $y = -x^3 - 2x + 3$ .
- B.  $y = \frac{x+2}{x-1}$ .
- C.  $y = \log_{\frac{1}{3}} x$ .
- D.  $y = -x^4 + 4x^2 - 4$ .

**Câu 13:** Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Nếu  $f'(x) \geq 0 \forall x \in (a; b)$  thì hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a; b)$ .
- B. Nếu  $f'(x) > 0 \forall x \in (a; b)$  thì hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a; b)$ .
- C. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a; b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \geq 0 \forall x \in (a; b)$ .
- D. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a; b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) > 0 \forall x \in (a; b)$ .

**Câu 14:** Cho  $K$  là một khoảng hoặc nữa khoảng hoặc một đoạn. Hàm số  $y = f(x)$  liên tục và xác định trên  $K$ . Mệnh đề nào không đúng?

- A. Nếu  $f'(x) \geq 0, \forall x \in K$  thì hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $K$ .
- B. Nếu hàm số  $y = f(x)$  là hàm số hằng trên  $K$  thì  $f'(x) = 0, \forall x \in K$ .
- C. Nếu  $f'(x) = 0, \forall x \in K$  thì hàm số  $y = f(x)$  không đổi trên  $K$ .
- D. Nếu hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $K$  thì  $f'(x) \geq 0, \forall x \in K$ .

**Câu 15:** Cho hàm số  $f(x)$  đồng biến trên tập số thực  $\mathbb{R}$ , mệnh đề nào sau đây là đúng?

- A. Với mọi  $x_1, x_2 \in \mathbb{R} \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$ .
- B. Với mọi  $x_1 < x_2 \in \mathbb{R} \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$ .
- C. Với mọi  $x_1 > x_2 \in \mathbb{R} \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$ .
- D. Với mọi  $x_1, x_2 \in \mathbb{R} \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$ .

**Câu 16:** Hàm số  $y = f(x) = \frac{-2}{-x+1}$  có tính chất

- A. Đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .
- B. Nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .
- C. Nghịch biến trên từng khoảng xác định.
- D. Đồng biến trên từng khoảng xác định.

**Câu 17:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $(a; b)$ . Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- A. Nếu  $f'(x) > 0$  với mọi  $x \in (a;b)$  thì hàm số đồng biến trên  $(a;b)$ .  
 B. Nếu hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên  $(a;b)$  thì  $f'(x) \leq 0$  với mọi  $x \in (a;b)$ .  
 C. Nếu hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a;b)$  thì  $f'(x) > 0$  với mọi  $x \in (a;b)$ .  
 D. Nếu  $f'(x) < 0$  với mọi  $x \in (a;b)$  thì hàm số nghịch biến trên  $(a;b)$ .

**Câu 18:** Cho hàm số  $f$  có đạo hàm trên khoảng  $I$ . Xét các mệnh đề sau:

- (I). Nếu  $f'(x) \geq 0, \forall x \in I$  (dấu bằng chỉ xảy ra tại một số hữu hạn điểm trên  $I$ ) thì hàm số đồng biến trên  $I$ .  
 (II). Nếu  $f'(x) \leq 0, \forall x \in I$  (dấu bằng chỉ xảy ra tại một số hữu hạn điểm trên  $I$ ) thì hàm số nghịch biến trên  $I$ .  
 (III). Nếu  $f'(x) \leq 0, \forall x \in I$  thì hàm số nghịch biến trên khoảng  $I$ .  
 (IV). Nếu  $f'(x) \leq 0, \forall x \in I$  và  $f'(x) = 0$  tại vô số điểm trên  $I$  thì hàm số  $f$  không thể nghịch biến trên khoảng  $I$ .

Trong các mệnh đề trên. Mệnh đề nào đúng, mệnh đề nào sai?

- A. I, II, III và IV đúng      B. I và II đúng, còn III và IV sai  
 C. I, II và III đúng, còn IV sai      D. I, II và IV đúng, còn III sai

**Câu 19:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $(a;b)$ . Phát biểu nào sau đây là đúng ?

- A. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a;b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \leq 0, \forall x \in (a;b)$ .  
 B. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a;b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \geq 0, \forall x \in (a;b)$  và  $f'(x) = 0$  tại hữu hạn giá trị  $x \in (a;b)$ .  
 C. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a;b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \geq 0, \forall x \in (a;b)$ .  
 D. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(a;b)$  khi và chỉ khi  $f'(x) < 0, \forall x \in (a;b)$ .

**Câu 20:** Cho hàm của hàm số  $f(x)$  đồng biến trên tập số thực  $\mathbb{R}$ , mệnh đề nào sau đây là đúng ?

- A. Với mọi  $x_1 > x_2 \in \mathbb{R} \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$ .      B. Với mọi  $x_1, x_2 \in \mathbb{R} \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$ .  
 C. Với mọi  $x_1 < x_2 \in \mathbb{R} \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$ .      D. Với mọi  $x_1, x_2 \in \mathbb{R} \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$ .

**Câu 21:** Hàm số  $y = x^3 - x^2 - x + 3$  nghịch biến trên khoảng

- A.  $(-\infty; -\frac{1}{3})$ .      B.  $(1; +\infty)$ .  
 C.  $(-\frac{1}{3}; 1)$ .      D.  $(-\infty; -\frac{1}{3})$  và  $(1; +\infty)$ .

**Câu 22:** Cho hàm số  $y = x^3 - 2x^2 + x + 1$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $\left(\frac{1}{3}; 1\right)$ .      B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $\left(-\infty; \frac{1}{3}\right)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $\left(\frac{1}{3}; 1\right)$ .      D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

**Câu 23:** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên khoảng  $(a;b)$ . Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào sai?

- A. Nếu hàm số  $f(x)$  đồng biến trên  $(a;b)$  thì  $f(x) \geq 0$  với mọi  $x$  thuộc  $(a;b)$ .  
 B. Nếu  $f'(x) > 0$  với mọi  $x$  thuộc  $(a;b)$  thì hàm số  $f(x)$  đồng biến trên  $(a;b)$ .  
 C. Nếu  $f'(x) < 0$  với mọi  $x$  thuộc  $(a;b)$  thì hàm số  $f(x)$  nghịch biến trên  $(a;b)$ .  
 D. Nếu hàm số  $f(x)$  đồng biến trên  $(a;b)$  thì  $f(x) > 0$  với mọi  $x$  thuộc  $(a;b)$ .

**DẠNG 2: NHẬN DẠNG BBT, NHẬN DẠNG HÀM SỐ**

Câu 24: Hàm số nào sau đây đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

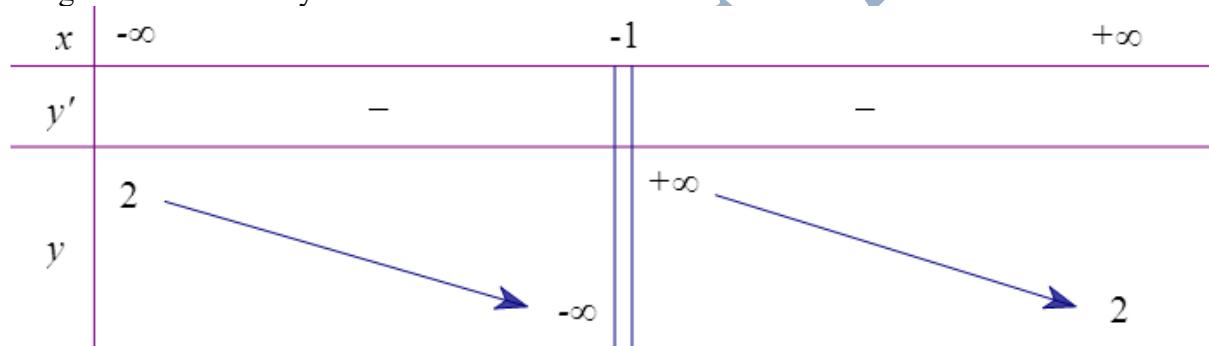
- A.  $y = \frac{1}{x-2}$ .  
 B.  $y = x^3 - 3x^2 + 3x + 5$ .  
 C.  $y = x + \frac{1}{x+3}$ .  
 D.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .

Câu 25: Bảng biến thiên trong hình vẽ là của hàm số

|      |           |           |           |
|------|-----------|-----------|-----------|
| $x$  | $-\infty$ | -1        | $+\infty$ |
| $y'$ | -         | -         | -         |
| $y$  | -2        | $+\infty$ | -2        |

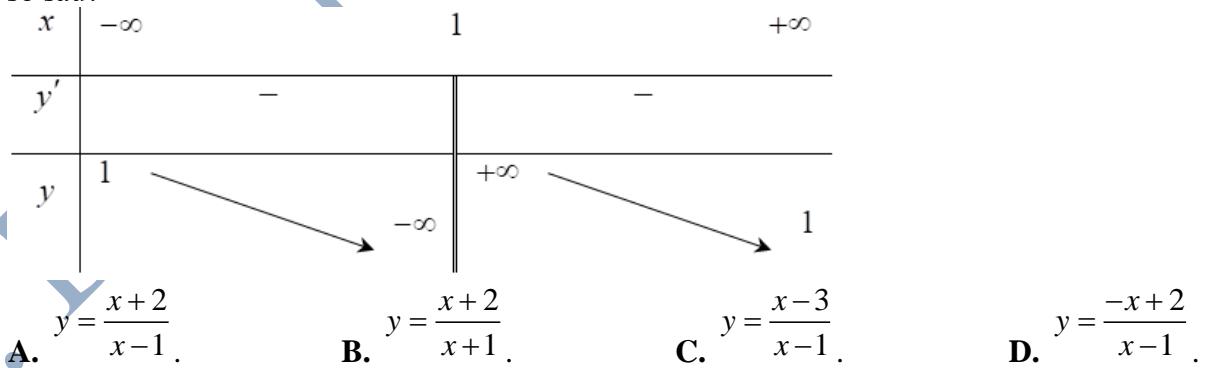
- A.  $y = \frac{x-4}{2x+2}$ .  
 B.  $y = \frac{-2x-4}{x+1}$ .  
 C.  $y = \frac{-2x+3}{x+1}$ .  
 D.  $y = \frac{2-x}{x+1}$ .

Câu 26: Bảng biến thiên sau đây là của hàm số



- A.  $y = \frac{x+2}{2x+2}$ .  
 B.  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ .  
 C.  $y = \frac{2x-2}{x+1}$ .  
 D.  $y = \frac{2x+3}{x+1}$ .

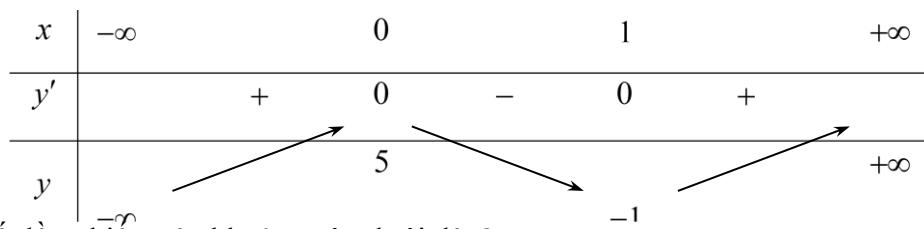
Câu 27: Cho bảng biến thiên như hình vẽ bên. Hỏi đây là bảng biến thiên của hàm số nào trong các hàm số sau?



- A.  $y = \frac{x+2}{x-1}$ .  
 B.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .  
 C.  $y = \frac{x-3}{x-1}$ .  
 D.  $y = \frac{-x+2}{x-1}$ .

**DẠNG 3: XÉT TÍNH ĐƠN ĐIỆU CỦA HÀM SỐ (BIẾT ĐỒ THỊ, BBT)**

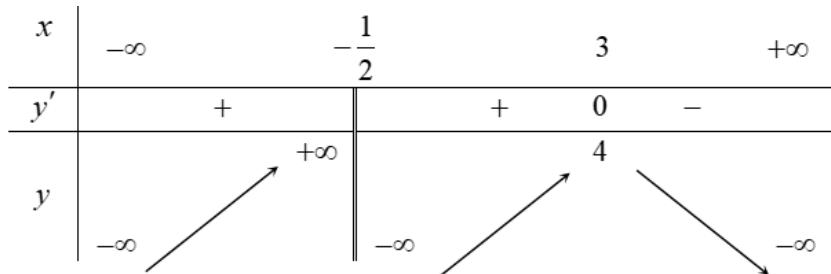
Câu 28: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



Hàm số đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; 1)$ .      B.  $(-1; +\infty)$ .      C.  $(0; 1)$ .      D.  $(-\infty; 0)$ .

Câu 29: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình dưới đây. Mệnh đề nào sau đây là đúng?



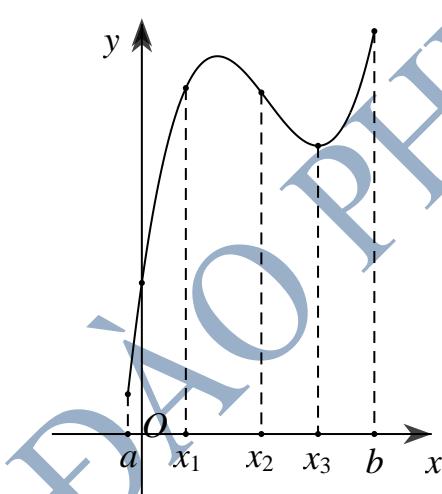
- A. Hàm số đã cho nghịch biến trên các khoảng  $\left(-\infty; -\frac{1}{2}\right)$  và  $(3; +\infty)$ .

- B. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $\left(-\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .

- C. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 3)$ .

- D. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(3; +\infty)$ .

Câu 30: Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trong khoảng  $(a; b)$  và có đồ thị như hình bên dưới. Trong các khẳng định dưới đây, khẳng định nào là **sai**?



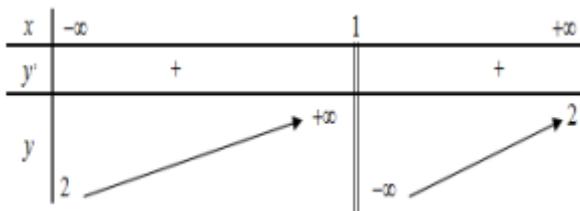
- A.  $f'(x_2) > 0$ .

- B.  $f'(x_3) = 0$ .

- C. Hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trong khoảng  $(a; b)$ .

- D.  $f'(x_1) > 0$ .

Câu 31: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên. Khẳng định nào sau đây là **đúng**?



A. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$ .

B. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

C. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .

D. Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 2)$  và  $(2; +\infty)$ .

**Câu 32:** Hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

|            |           |           |           |
|------------|-----------|-----------|-----------|
| $x$        | $-\infty$ | 2         | $+\infty$ |
| $y'$       | -         | -         | -         |
| $y = f(x)$ | 2         | $+\infty$ | 2         |

Khẳng định nào sau đây là **đúng**?

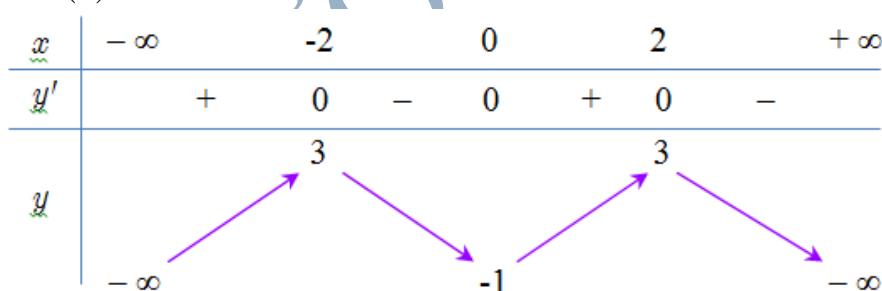
A. Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

B. Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$ .

C. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 2), (2; +\infty)$ .

D. Hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; 2), (2; +\infty)$ .

**Câu 33:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

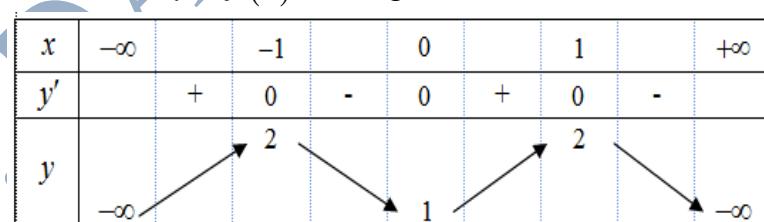
A.  $(0; +\infty)$ .

B.  $(-\infty; -2)$ .

C.  $(-2; 0)$ .

D.  $(0; 3)$ .

**Câu 34:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

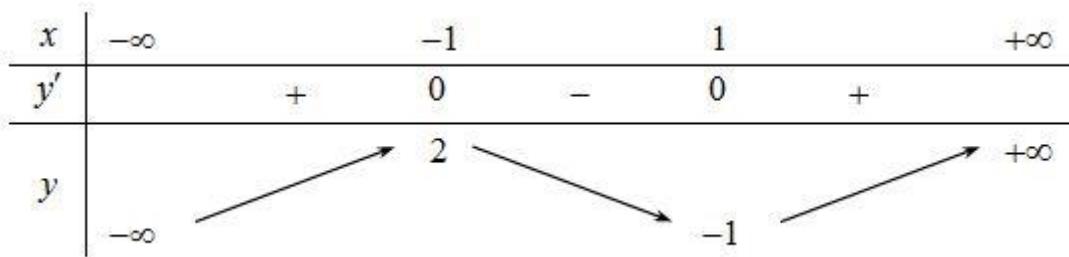
A.  $(-\infty; 1)$ .

B.  $(-1; 1)$ .

C.  $(0; 1)$ .

D.  $(1; +\infty)$ .

**Câu 35:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định và liên tục trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ , có bảng biến thiên như hình sau:



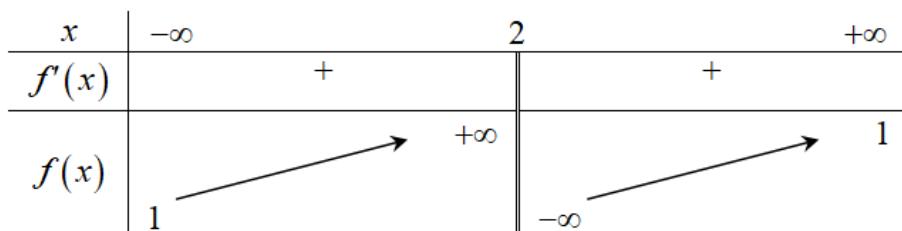
Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .  
 B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .  
 C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .  
 D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

Câu 36: Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{1-x}$ . Khẳng định nào sau đây sai?

- A. Đồ thị hàm số có hai đường tiệm cận cắt nhau tại điểm  $I(1; -2)$ .  
 B. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .  
 D. Hàm số không có cực trị.

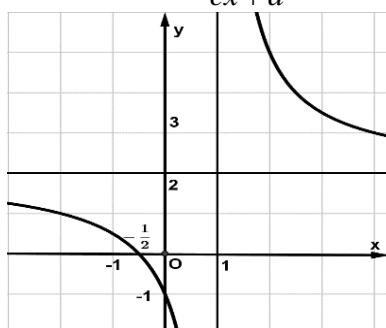
Câu 37: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; +\infty)$ .  
 B.  $(2; +\infty)$ .  
 C.  $(1; +\infty)$ .  
 D.  $(0; 3)$ .

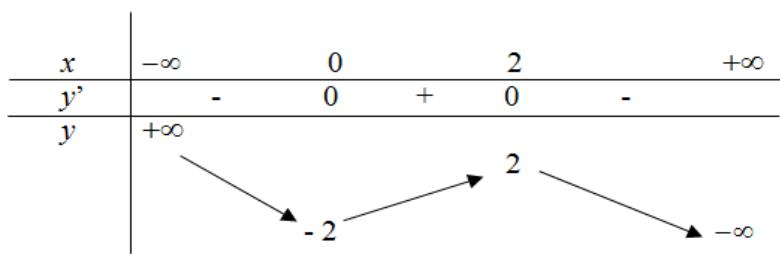
Câu 38: Đường cong ở hình bên là đồ thị của hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  với  $a, b, c, d$  là các số thực.



Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.  $y' = 0$  có hai nghiệm phân biệt  
 B.  $y' = 0$  vô nghiệm.  
 C.  $y' = 0$ ,  $\forall x \leq 1$ .  
 D.  $y' \geq 0$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ .

Câu 39: Bảng biến thiên sau là bảng biến thiên của hàm số nào sau đây?

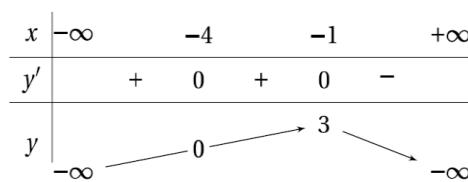


- A.  $y = -x^3 - 3x - 2$ .      B.  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ .      C.  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .      D.  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ .

**Câu 40:** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx-6}{x-m+1}$  đồng biến trên mỗi khoảng xác định?

- A. 4.      B. 6.      C. Vô số.      D. 2.

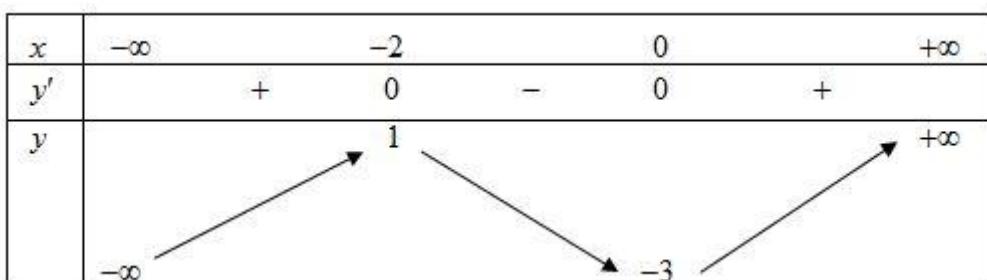
**Câu 41:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình dưới đây.



Tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .      B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-2; +\infty)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-4; -1)$ .      D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 3)$ .

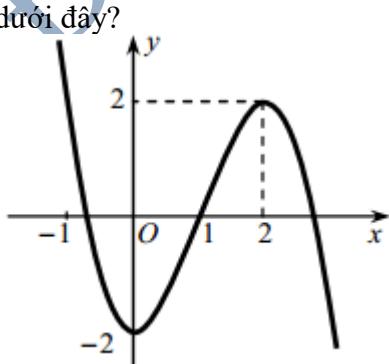
**Câu 42:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

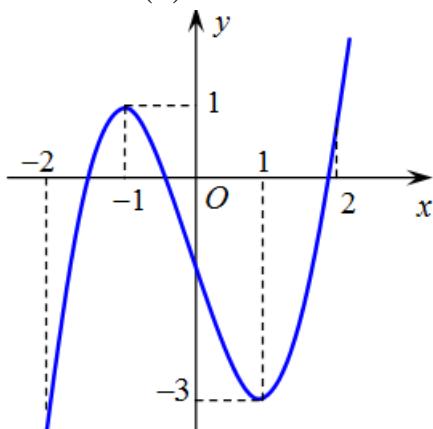
- A.  $(-2; 0)$       B.  $(0; +\infty)$       C.  $(-\infty; -2)$       D.  $(-3; 1)$

**Câu 43:** Cho đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(-2; 2)$ .      B.  $(-\infty; 0)$ .      C.  $(0; 2)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

**Câu 44:** Hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như sau



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-2; -1)$ .      B.  $(-1; 1)$ .      C.  $(-2; 1)$ .      D.  $(-1; 2)$ .

**Câu 45:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên sau:

|         |           |   |   |           |
|---------|-----------|---|---|-----------|
| $x$     | $-\infty$ | 0 | 2 | $+\infty$ |
| $f'(x)$ | +         | 0 | - | 0         |
| $f(x)$  | $-\infty$ | 5 | 3 | $+\infty$ |

Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(0; +\infty)$ .      B.  $(-\infty; 5)$ .      C.  $(0; 2)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

**Câu 46:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

|      |           |    |   |   |           |
|------|-----------|----|---|---|-----------|
| $x$  | $-\infty$ | -1 | 0 | 1 | $+\infty$ |
| $y'$ | -         | 0  | + | 0 | -         |
| $y$  | $+\infty$ | 0  | 1 | 1 | $+\infty$ |

Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

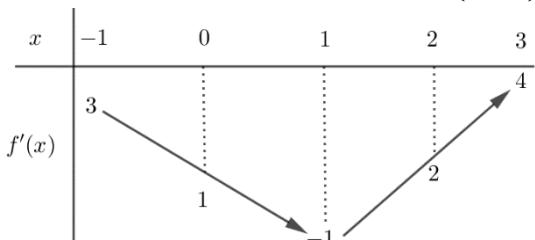
- A.  $(-\infty; -1)$ .      B.  $(-1; +\infty)$ .      C.  $(0; 1)$ .      D.  $(-1; 0)$ .

**Câu 47:** Tìm khoảng đồng biến của hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ .

- A.  $(-2; 0)$ .      B.  $(0; 2)$ .      C.  $(0; 3)$ .      D.  $(-1; 3)$ .

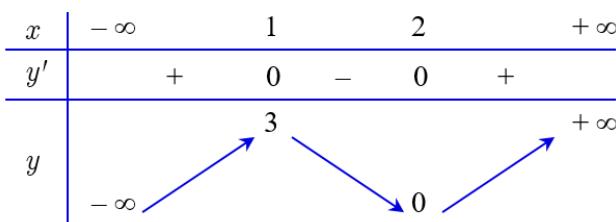
**Câu 48:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Bảng biến thiên của hàm số  $y = f'(x)$  được

cho như hình vẽ bên. Hàm số  $y = f\left(1 - \frac{x}{2}\right) + x$  nghịch biến trên khoảng



- A.  $(-4; -2)$ .      B.  $(0; 2)$ .      C.  $(-2; 0)$ .      D.  $(2; 4)$ .

Câu 49: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ.

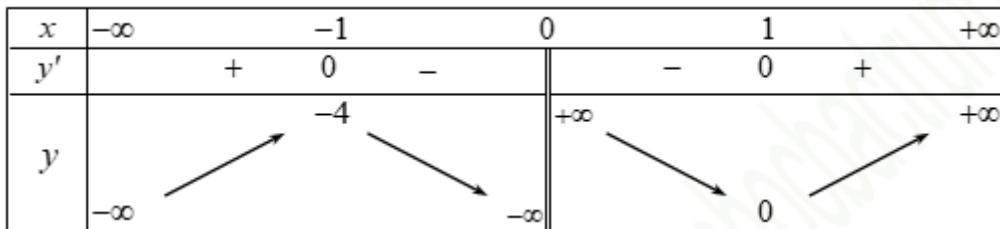


Mệnh đề nào sau đây là sai?

- A. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(0; 3)$ .  
 B. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$ .  
 C. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(3; +\infty)$ .  
 D. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .

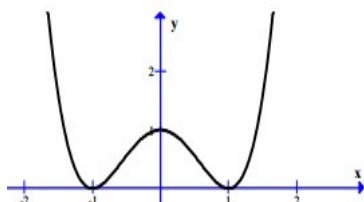
Câu 50: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới.

Mệnh đề nào sau đây đúng?



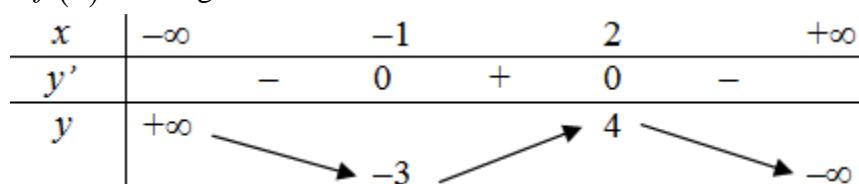
- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$ .  
 B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .  
 D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .

Câu 51: Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ dưới đây, hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng nào?



- A.  $(1; +\infty)$ .      B.  $(-1; 1)$ .      C.  $(-\infty; 0)$ .      D.  $(-\infty; -1)$ .

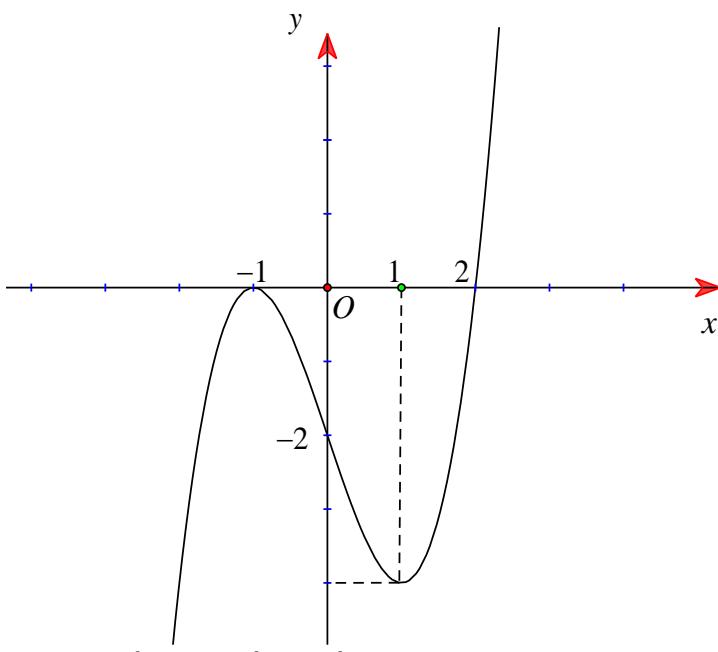
Câu 52: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-3; 4)$ .      B.  $(-\infty; -1)$ .      C.  $(2; +\infty)$ .      D.  $(-1; 2)$ .

Câu 53: Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ. xét hàm số  $g(x) = f(2 - x^2)$ . Mệnh đề nào dưới đây sai?



- A. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(-1; 0)$ .  
 B. Hàm số  $f(x)$  nghịch biến trên  $(-\infty; 2)$ .  
 C. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(2; +\infty)$ .  
 D. Hàm số  $f(x)$  đạt cực trị tại  $x=2$ .

**Câu 54:** Cho hàm số  $y=f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên.

|      |           |   |           |             |
|------|-----------|---|-----------|-------------|
| $x$  | $-\infty$ | 1 | 2         | $+\infty$   |
| $y'$ | +         | 0 | -         | $\parallel$ |
| $y$  | $-\infty$ | 3 | $+\infty$ |             |

Mệnh đề nào sau đây là sai?

- A. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(3; +\infty)$ .  
 B. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .  
 C. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$ .  
 D. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(0; 3)$ .

**Câu 55:** Cho hàm số  $y=f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

|      |           |    |    |           |
|------|-----------|----|----|-----------|
| $x$  | $-\infty$ | -1 | 1  | $+\infty$ |
| $y'$ | +         | 0  | -  | 0         |
| $y$  | $-\infty$ | 3  | -1 | $+\infty$ |

Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .  
 B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .  
 D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; 3)$ .

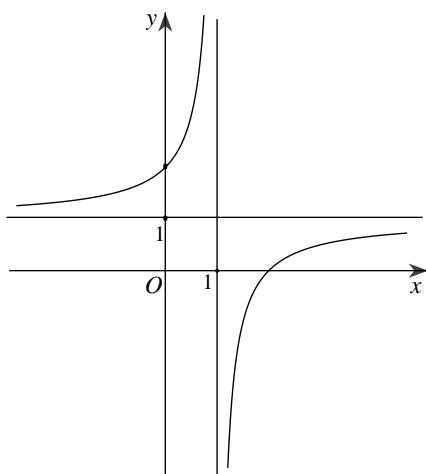
**Câu 56:** Hàm số nào sau đây nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

- A.  $y = -x^3 + 3x^2 - 9x$ .  
 B.  $y = -x^3 + x + 1$ .

C.  $y = \frac{x-1}{x-2}$ .

D.  $y = \frac{x+1}{x+3}$ .

**Câu 57:** Cho hàm số  $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình bên dưới.



Xét các mệnh đề sau:

Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .

Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(1; +\infty)$ .

Hàm số đồng biến trên tập xác định.

Số các mệnh đề đúng là:

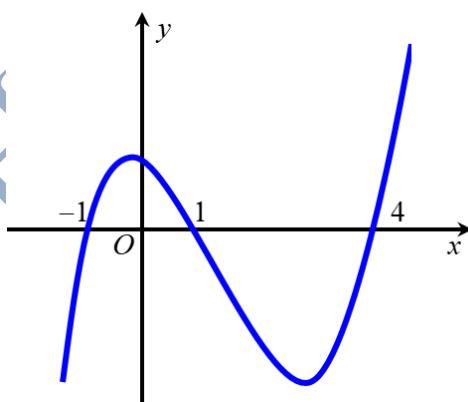
A. 2.

B. 1.

C. 0.

D. 3.

**Câu 58:** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số  $y = f(2 - e^x)$  đồng biến trên khoảng:

A.  $(0; \ln 3)$ .

B.  $(2; +\infty)$ .

C.  $(-\infty; 1)$ .

D.  $(1; 4)$ .

**Câu 59:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng sau đây?

|      |           |           |           |           |           |
|------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|
| $x$  | $-\infty$ | $-1$      | $0$       | $1$       | $+\infty$ |
| $y'$ | +         | 0         | -         | -         | 0         |
| $y$  | $+\infty$ | $-\infty$ | $+\infty$ | $-\infty$ | $+\infty$ |

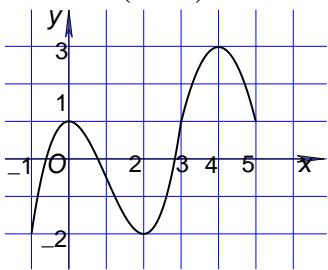
A.  $(-\infty; -1)$ .

B.  $(0; +\infty)$ .

C.  $(-1; 0)$ .

D.  $(-1; 1)$ .

**Câu 60:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  được cho như hình bên. Hàm số  $y = -2f(2-x) + x^2$  nghịch biến trên khoảng



- A.  $(-3; -2)$ .      B.  $(-2; -1)$ .      C.  $(-1; 0)$ .      D.  $(0; 2)$ .

**Câu 61:** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau. Tìm mệnh đề đúng?

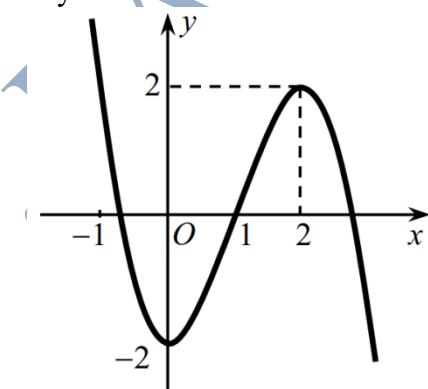
|      |           |      |     |           |
|------|-----------|------|-----|-----------|
| $x$  | $-\infty$ | $-1$ | $1$ | $+\infty$ |
| $y'$ | -         | 0    | +   | 0         |
| $y$  | $+\infty$ | ↓    | ↑   | $-\infty$ |

- A. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .  
 B. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .  
 C. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-2; 2)$ .  
 D. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

**Câu 62:** Cho hàm số  $y = \frac{2x+1}{1-x}$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

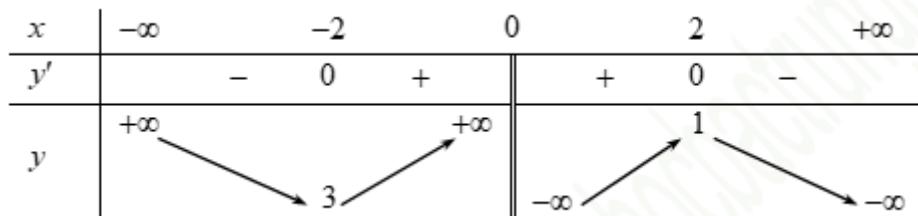
- A. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .      B. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$   
 C. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$ .      D. Hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .

**Câu 63:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(-\infty; 0)$       B.  $(2; +\infty)$       C.  $(0; 2)$       D.  $(-2; 2)$

**Câu 64:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên dưới.



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

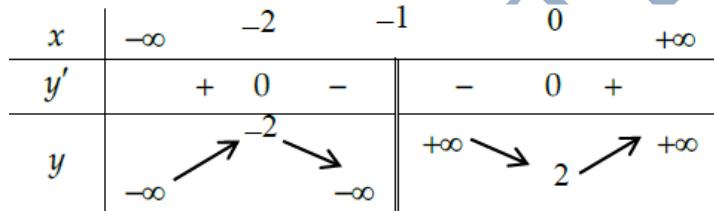
- A.  $(3; +\infty)$ .      B.  $(-\infty; 1)$ .      C.  $(-2; 2)$ .      D.  $(0; 2)$ .

**Câu 65:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu đạo hàm như hình bên. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

|      |           |      |     |     |     |           |
|------|-----------|------|-----|-----|-----|-----------|
| $x$  | $-\infty$ | $-2$ | $1$ | $3$ | $5$ | $+\infty$ |
| $y'$ | $+$       | $-$  | $+$ | $-$ | $+$ |           |

A.  $(-2; 1)$ .      B.  $(1; 3)$ .      C.  $(-\infty; -2)$ .      D.  $(3; +\infty)$ .

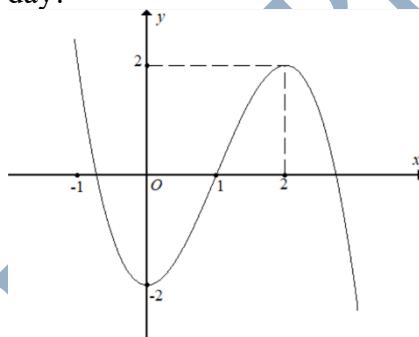
**Câu 66:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  và có bảng biến thiên sau:



Khẳng định nào sau đây là khẳng định sai?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-2; 0)$   
 B. Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  
 C. Đồ thị hàm số không có điểm chung với trục hoành  
 D. Hàm số có hai điểm cực trị

**Câu 67:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(-\infty; 0)$       B.  $(-2; 2)$       C.  $(2; +\infty)$       D.  $(0; 2)$

**Câu 68:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình dưới đây.

|         |           |      |     |       |           |
|---------|-----------|------|-----|-------|-----------|
| $x$     | $-\infty$ | $-1$ | $0$ | $2$   | $+\infty$ |
| $f'(x)$ | $-$       | $0$  | $+$ | $0$   | $-$       |
| $f(x)$  | $+\infty$ | $-5$ | $0$ | $-32$ | $+\infty$ |

Hỏi hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào trong các khoảng dưới đây?

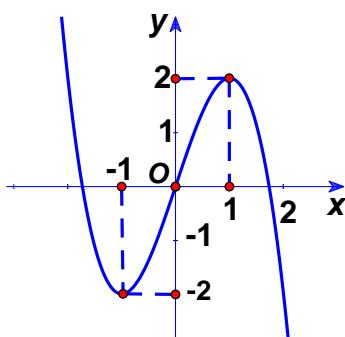
- A.  $(-\infty; 0)$ .      B.  $(-1; 0)$ .      C.  $(-1; 2)$ .      D.  $(0; +\infty)$ .

**Câu 69:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới. Mệnh đề nào sau đây đúng?

| $x$  | $-\infty$ | $-1$ | $0$       | $1$ | $+\infty$ |   |
|------|-----------|------|-----------|-----|-----------|---|
| $y'$ | +         | 0    | -         | -   | 0         | + |
| $y$  | $-\infty$ | -4   | $-\infty$ | 0   | $+\infty$ |   |

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .      B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$ .  
 C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .      D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

**Câu 70:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Chọn mệnh đề đúng.

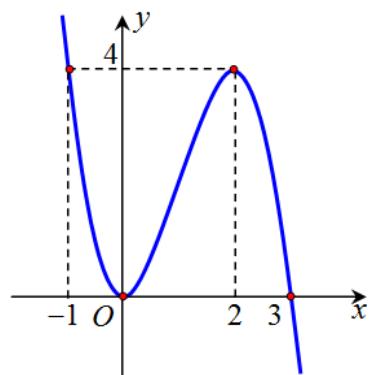


- A. Hàm số tăng trên khoảng  $(-1; 1)$   
 C. Hàm số tăng trên khoảng  $(0; +\infty)$   
 B. Hàm số tăng trên khoảng  $(-2; 1)$   
 D. Hàm số tăng trên khoảng  $(-2; 2)$

**Câu 71:** Trong các hàm số sau, hàm số nào đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

- A.  $f(x) = x^4 - 2x^2 - 4$ .  
 B.  $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$ .  
 C.  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x - 4$ .  
 D.  $f(x) = x^2 - 4x + 1$ .

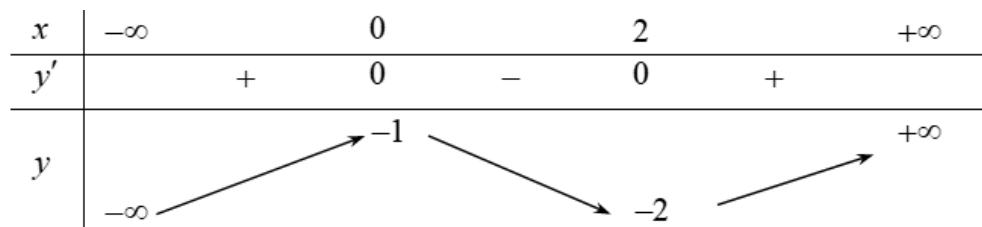
**Câu 72:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình dưới đây.



Hãy chọn đáp án đúng.

- A. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .  
 B. Hàm số nghịch biến trên  $(0; 2)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên  $(-1; 0)$  và  $(2; 3)$ .  
 D. Hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .

**Câu 73:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau



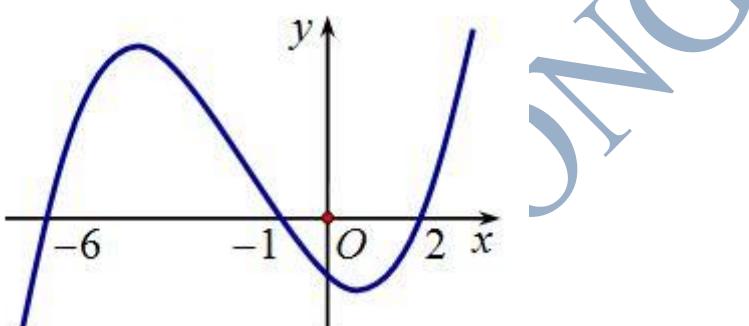
Có bao nhiêu mệnh đề đúng trong số các mệnh đề sau đối với hàm số  $g(x) = f(2-x)-2$ ?

- I. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-4; -2)$ .
  - II. Hàm số  $g(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .
  - III. Hàm số  $g(x)$  đạt cực tiểu tại điểm  $-2$ .
  - IV. Hàm số  $g(x)$  có giá trị cực đại bằng  $-3$ .
- A. 1.                      B. 4.                      C. 3.                      D. 2.

**Câu 74:** Hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

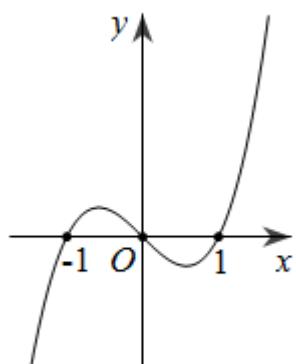
- A.  $(-\infty; 2)$ .                      B.  $(-\infty; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .  
 C.  $(0; +\infty)$ .                      D.  $(0; 2)$ .

**Câu 75:** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Biết hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Hàm số  $y = f(3-x^2)$  đồng biến trên khoảng



- A.  $(-2; -1)$ .                      B.  $(-1; 0)$ .                      C.  $(0; 1)$ .                      D.  $(2; 3)$ .

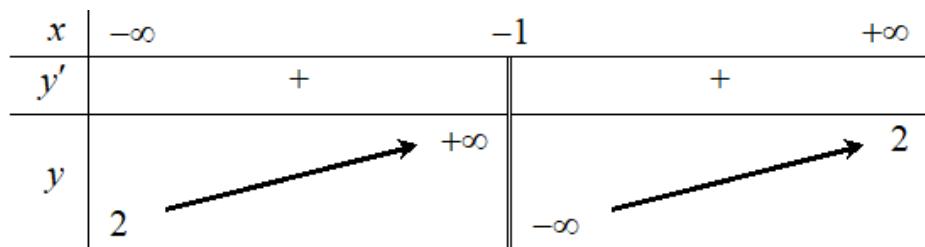
**Câu 76:** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ dưới đây.



Hàm số  $y = f(x^2 - 1)$  đồng biến trên khoảng:

- A.  $(-1; 1)$ .                      B.  $(-\infty; -\sqrt{2})$ .                      C.  $(0; 1)$ .                      D.  $(1; \sqrt{2})$ .

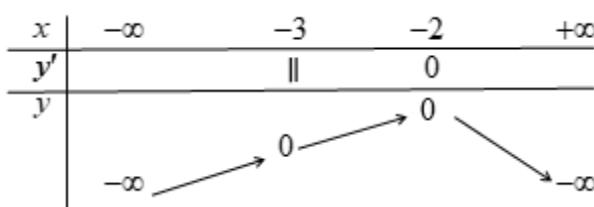
**Câu 77:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ:



Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đã cho đồng biến trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .
- B. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .
- C. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 2)$ .
- D. Hàm số đã cho đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 78:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình vẽ.



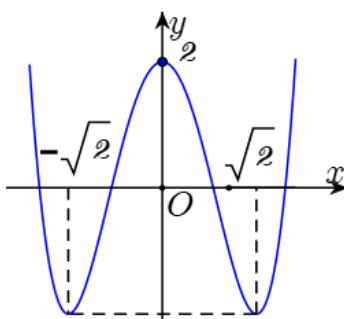
Cho các mệnh đề sau:

- I. Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; -3)$  và  $(-3; -2)$ .
- II. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .
- III. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-2; +\infty)$ .
- IV. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 5)$ .

Có bao nhiêu mệnh đề đúng trong các mệnh đề trên.

- A. 2.
- B. 3.
- C. 1.
- D. 4.

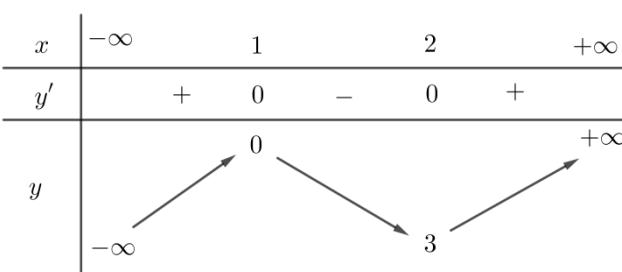
**Câu 79:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên.



Hàm số nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; 0)$ .
- B.  $(\sqrt{2}; +\infty)$ .
- C.  $(0; \sqrt{2})$ .
- D.  $(-2; 2)$ .

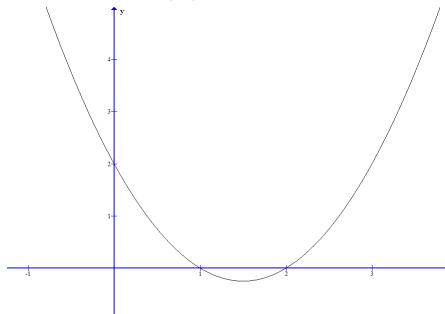
**Câu 80:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau



Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- A. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(0;3)$ .
- B. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-\infty;1)$ .
- C. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(2;+\infty)$ .
- D. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(3;+\infty)$ .

**Câu 81:** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Biết hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên.



Hàm số  $y = f(2x - 3x^2)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $\left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .
- B.  $\left(-\infty; \frac{1}{3}\right)$ .
- C.  $\left(-2; \frac{1}{2}\right)$ .
- D.  $\left(\frac{1}{3}; \frac{1}{2}\right)$ .

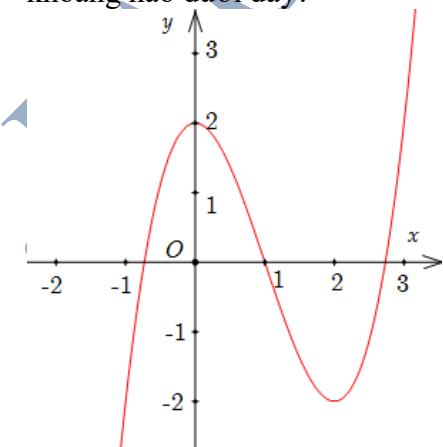
**Câu 82:** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số có dạng  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a \neq 0$ ). Hàm số đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1; 1)$
- B.  $(-1; +\infty)$
- C.  $(-\infty; 1)$
- D.  $(1; +\infty)$

**Câu 83:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Đặt  $h(x) = 3x - f(x)$ . Hãy so sánh  $h(1)$ ,  $h(2)$ ,  $h(3)$ ?

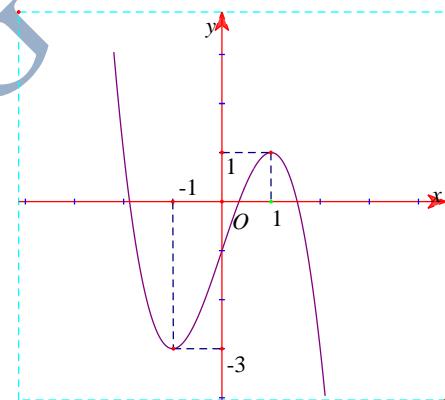
- A.  $h(3) = h(2) < h(1)$ .
- B.  $h(2) < h(1) < h(3)$ .
- C.  $h(3) < h(2) < h(1)$ .
- D.  $h(1) < h(2) < h(3)$ .

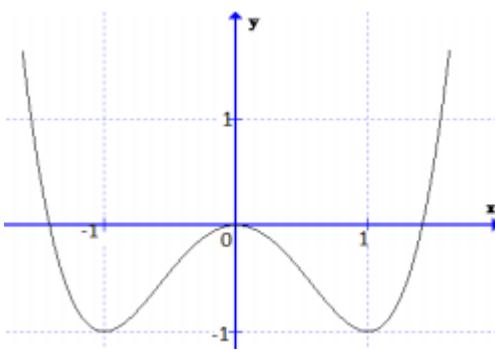
**Câu 84:** Cho đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(0; 2)$ .
- B.  $(-\infty; 2)$ .
- C.  $(-2; 2)$ .
- D.  $(0; +\infty)$ .

**Câu 85:** Cho đồ thị hàm số như hình vẽ.

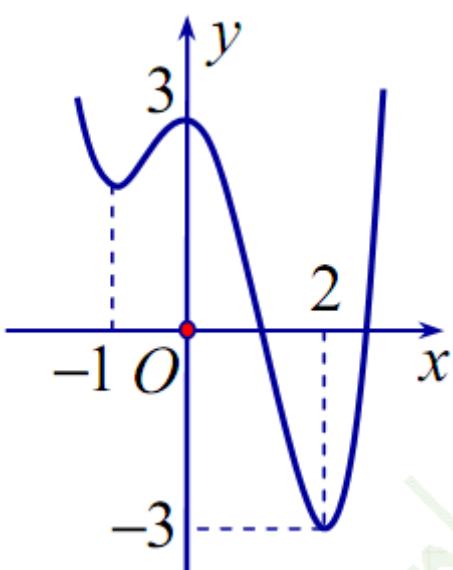




Mệnh đề nào dưới đây **đúng**?

- A. Hàm số nghịch biến trên  $(1; +\infty)$ .
- B. Hàm số đồng biến trên  $(-1; +\infty)$ .
- C. Hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; -1)$ .
- D. Hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 86:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Mệnh đề nào sau đây đúng về hàm số đó?



- A. Đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$ .
- B. Nghịch biến trên khoảng  $(0; 3)$ .
- C. Đồng biến trên khoảng  $(0; 2)$ .
- D. Nghịch biến trên khoảng  $(-3; 0)$ .

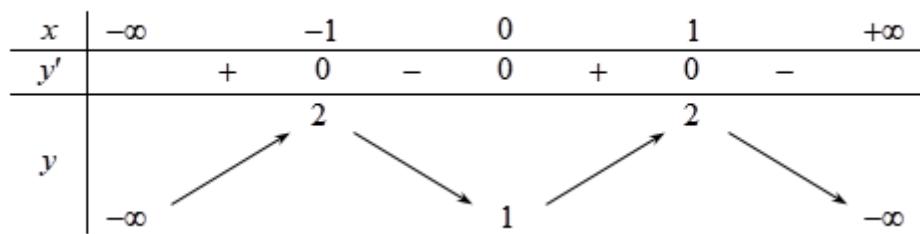
**Câu 87:** Hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  và có bảng biến thiên như hình dưới:

| $x$  | $-\infty$ | $-1$      | $1$ | $+\infty$ |
|------|-----------|-----------|-----|-----------|
| $y'$ | +         | +         | 0   | -         |
| $y$  | $-\infty$ | $+\infty$ | 0   | $-\infty$ |

Khẳng định nào sau đây sai?

- A.  $f(x)$  có cực đại bằng 0
- B.  $f(x)$  đạt cực đại tại  $x = 1$
- C.  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$
- D.  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$

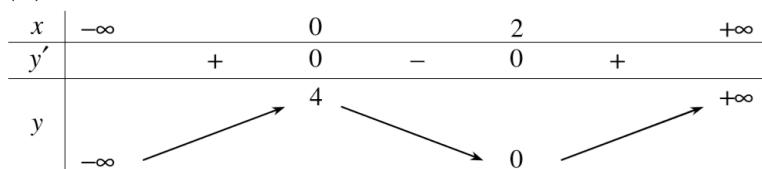
**Câu 88:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau



Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(0;1)$ .      B.  $(-1;1)$ .      C.  $(-1;0)$ .      D.  $(-\infty;-1)$ .

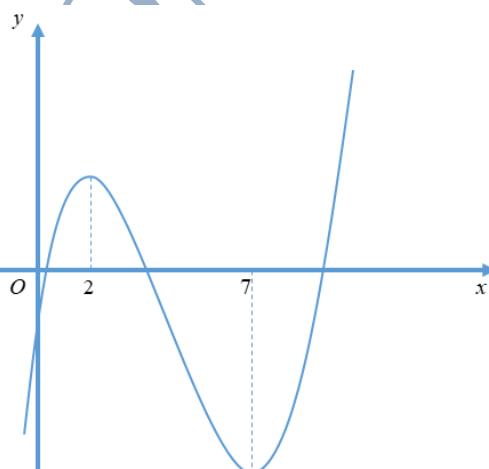
Câu 89: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng:

- A. Hàm số đồng biến trên tập  $(-\infty;0) \cup (2;+\infty)$   
 B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0;4)$   
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty;4)$   
 D. Hàm số đồng biến trên mỗi khoảng  $(-\infty;0)$  và  $(2;+\infty)$

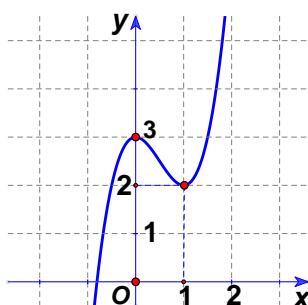
Câu 90: Cho đồ thị hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên dưới.



Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(1;3)$       B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(6;+\infty)$   
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty;3)$       D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(3;6)$

Câu 91: Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình bên dưới:



Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- |   |   |
|---|---|
| <b>A.</b> Hàm số đồng biến trên khoảng $(1; +\infty)$ . | <b>B.</b> Hàm số đồng biến trên khoảng $(-\infty; 0)$ . |
| <b>C.</b> Hàm số đồng biến trên khoảng $(-\infty; 1)$ . | <b>D.</b> Hàm số nghịch biến trên khoảng $(0; 1)$ .     |
- Câu 92:** Hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 4$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?
- |                             |                            |                       |                       |
|-----------------------------|----------------------------|-----------------------|-----------------------|
| <b>A.</b> $(-\infty; -2)$ . | <b>B.</b> $(0; +\infty)$ . | <b>C.</b> $(-2; 0)$ . | <b>D.</b> $\square$ . |
|-----------------------------|----------------------------|-----------------------|-----------------------|