

## CHUYÊN ĐỀ 4: HÀM SỐ MŨ – HÀM SỐ LÔGARIT

### A – KIẾN THỨC CHUNG

**1. Hàm số mũ:**  $y = a^x$ , ( $a > 0, a \neq 1$ ).

**1.1. Tập xác định:**  $D = \mathbb{R}$

**1.2. Tập giá trị:**  $T = (0, +\infty)$ , nghĩa là khi giải phương trình mũ mà đặt  $t = a^{f(x)}$  thì  $t > 0$ .

**1.3. Tính đơn điệu:**

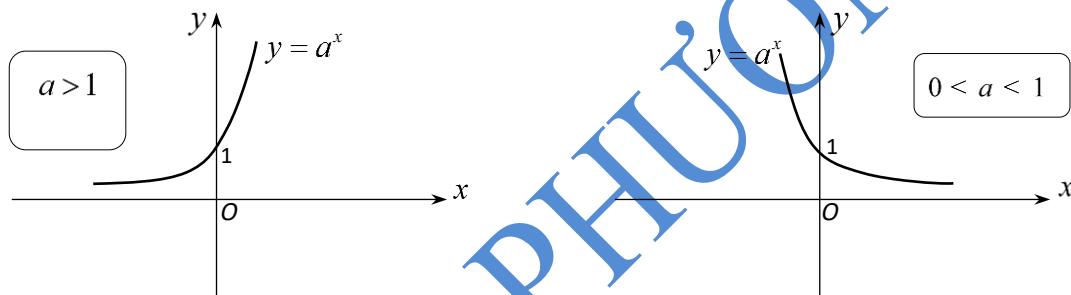
+ Khi  $a > 1$  thì hàm số  $y = a^x$  đồng biến, khi đó ta luôn có:  $a^{f(x)} > a^{g(x)} \Leftrightarrow f(x) > g(x)$ .

+ Khi  $0 < a < 1$  thì hàm số  $y = a^x$  nghịch biến, khi đó ta luôn có:  $a^{f(x)} > a^{g(x)} \Leftrightarrow f(x) < g(x)$ .

**1.4. Đạo hàm:**

$$\begin{aligned} (a^x)' &= a^x \cdot \ln a \Rightarrow (a^u)' = u' \cdot a^u \cdot \ln a \\ (e^x)' &= e^x \Rightarrow (e^u)' = e^u \cdot u' \\ (\sqrt[n]{u})' &= \frac{u'}{n \sqrt[n]{u^{n-1}}}. \end{aligned}$$

**1.5. Đồ thị:** Nhận trực hoành làm đường tiệm cận ngang.



**2. Hàm số logarit:**  $y = \log_a x$ , ( $a > 0, a \neq 1$ )

**2.1. Tập xác định:**  $D = (0, +\infty)$ .

**2.2. Tập giá trị:**  $T = \mathbb{R}$ , nghĩa là khi giải phương trình logarit mà đặt  $t = \log_a x$  thì  $t$  không có điều kiện.

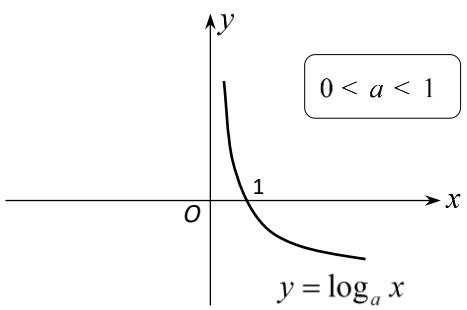
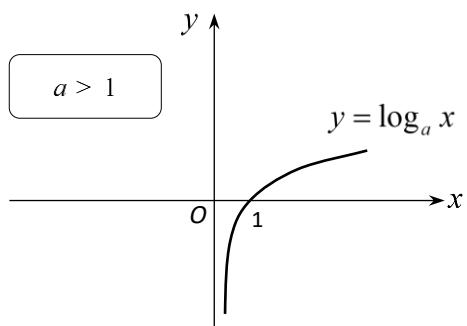
**2.3. Tính đơn điệu:**

+ Khi  $a > 1$  thì  $y = \log_a x$  đồng biến trên  $D$ , khi đó nếu:  $\log_a f(x) > \log_a g(x) \Leftrightarrow f(x) > g(x)$ .  
+ Khi  $0 < a < 1$  thì  $y = \log_a x$  nghịch biến trên  $D$ , khi đó nếu  
 $\log_a f(x) > \log_a g(x) \Leftrightarrow f(x) < g(x)$ .

**2.4. Đạo hàm:**

$$\begin{aligned} \left( \log_a |x| \right)' &= \frac{1}{x \cdot \ln a} \Rightarrow \left( \log_a |u| \right)' = \frac{u'}{u \cdot \ln a} \\ \left( \ln x \right)' &= \frac{1}{x}, (x > 0) \Rightarrow \left( \ln |u| \right)' = \frac{u'}{u} \end{aligned} \Rightarrow \boxed{\left( \ln^n |u| \right)' = n \cdot \frac{u'}{u} \cdot \ln^{n-1} |u|}$$

**2.5. Đồ thị:** Nhận trực tung làm đường tiệm cận đứng.



GV. ĐÀO PHƯƠNG THẢO

## B – BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

## TẬP XÁC ĐỊNH HÀM SỐ MŨ, HÀM SỐ LÔGARIT

**Câu 1:** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \log_3(2x+1)$ .

- A.  $D = \left(-\infty; -\frac{1}{2}\right)$ .      B.  $D = \left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .      C.  $D = (0; +\infty)$ .      D.  $D = \left(-\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .

**Câu 2:** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \log_3(x^2 + 3x + 2)$ .

- A.  $D = [-2, -1]$ .      B.  $D = (-\infty, -2) \cup (-1, +\infty)$ .  
 C.  $D = (-2, -1)$ .      D.  $D = (-\infty, -2] \cup [-1, +\infty)$ .

**Câu 3:** Hàm số  $y = \log_2(-x^2 + 5x - 6)$  có tập xác định là:

- A.  $(2; 3)$       B.  $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$       C.  $(-\infty; 2)$

- D.  $(3; +\infty)$

**Câu 4:** Cho  $a > 0$ ,  $a \neq 1$ . Tìm mệnh đề **đúng** trong các mệnh đề sau:

- A. Tập xác định của hàm số  $y = a^x$  là khoảng  $(0; +\infty)$ .  
 B. Tập giá trị của hàm số  $y = \log_a x$  là tập  $\square$ .  
 C. Tập giá trị của hàm số  $y = a^x$  là tập  $\square$ .  
 D. Tập xác định của hàm số  $y = \log_a x$  là tập  $\square$ .

**Câu 5:** Tập xác định của hàm số  $y = \sqrt{\ln(x-1) + \ln(x+1)}$  là:

- A.  $(1; +\infty)$ .      B.  $(-\infty; \sqrt{2})$ .      C.  $\emptyset$ .      D.  $[\sqrt{2}; +\infty)$ .

**Câu 6:** Tập xác định của hàm số  $y = \log_2(5^{x+2} - 125)$ .

- A.  $[1; +\infty)$ .      B.  $(1; +\infty)$ .      C.  $(2; +\infty)$ .      D.  $[2; +\infty)$ .

**Câu 7:** Hàm số  $y = (x^2 - 16)^{-5} - \ln(24 - 5x - x^2)$  có tập xác định là

- A.  $(-8; -4) \cup (3; +\infty)$ .      B.  $(-\infty; -4) \cup (3; +\infty)$ .      C.  $(-8; 3) \setminus \{-4\}$ .      D.  $(-4; 3)$ .

**Câu 8:** Tập xác định  $y = \sqrt{-2x^2 + 5x - 2} + \ln \frac{1}{x^2 - 1}$  là:

- A.  $D = (1; 2]$       B.  $D = [1; 2]$       C.  $D = (-1; 1)$       D.  $D = (-1; 2)$

**Câu 9:** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \log_3 \frac{10-x}{x^2 - 3x + 2}$ .

- A.  $D = (-\infty; 1) \cup (2; 10)$       B.  $D = (1; +\infty)$       C.  $D = (-\infty; 10)$       D.  $D = (2; 10)$

**Câu 10:** Cho tập  $D = (3; 4)$  và các hàm số  $f(x) = \frac{2017}{\sqrt{x^2 - 7x + 12}}$ ,  $g(x) = \log_{x-3}(4-x)$ ,  $h(x) = 3^{x^2 - 7x + 12}$ .  
 $D$  là tập xác định của hàm số nào?

- A.  $f(x)$  và  $f(x) + g(x)$       B.  $f(x)$  và  $h(x)$   
 C.  $g(x)$  và  $h(x)$       D.  $f(x) + h(x)$  và  $h(x)$

**Câu 11:** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \sqrt{(x-2)^2} + \log_2(8-x^2)$  là

- A.  $D = (-2\sqrt{2}; 2\sqrt{2}) \setminus \{2\}$       B.  $D = (2; 8)$ .      C.  $D = (2\sqrt{2}; +\infty)$ .  
 D.  $D = (2; +\infty)$ .

**Câu 12:** Hàm số nào trong các hàm số sau có tập xác định  $D = (-1; 3)$ ?

- A.  $y = \sqrt{x^2 - 2x - 3}$ .      B.  $y = 2^{x^2 - 2x - 3}$ .  
 C.  $y = \log_2(x^2 - 2x - 3)$ .      D.  $y = (x^2 - 2x - 3)^2$ .

**Câu 13:** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \log_2(x^3 - 8)^{1000}$ .

- A.  $D = \mathbb{R} \setminus \{2\}$ .  
 B.  $D = (2; +\infty)$ .  
 C.  $D = (-\infty; 2)$ .  
 D.  $D = (-2; +\infty) \cup (-\infty; 2)$ .

**Câu 14:** Tìm tập xác định của hàm số  $y = \sqrt{\log(x^2 + 3x) - 1}$ .

- A.  $(-\infty; -5] \cup [2; +\infty)$ .  
 B.  $(2; +\infty)$ .  
 C.  $(1; +\infty)$ .  
 D.  $D = (-\infty; -5) \cup (5; +\infty)$ .

**Câu 15:** Tập xác định của hàm số  $\log_2 \frac{3x+1}{\sqrt{x^2+x+1} + \sqrt{x^2-x+1}}$  là

- A.  $\left(-\frac{1}{3}; +\infty\right)$ .  
 B.  $\left[-\frac{1}{3}; +\infty\right)$ .  
 C.  $\mathbb{R}$ .  
 D.  $\mathbb{R} \setminus \left\{-\frac{1}{3}\right\}$ .

**Câu 16:** Tìm tập xác định của hàm số  $y = \frac{1}{\sqrt{2-x}} - \ln(x^2 - 1)$ .

- A.  $(-\infty; -1) \cup (1; 2)$ .  
 B.  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$ .  
 C.  $(-\infty; 1) \cup (1; 2)$ .  
 D.  $(1; 2)$ .

**Câu 17:** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \ln(x^2 - 2mx + 4)$  có tập xác định  $D = \mathbb{R}$  ?

- A.  $-2 < m < 2$   
 B.  $\begin{cases} m > 2 \\ m < -2 \end{cases}$   
 C.  $m > -2$   
 D.  $-2 \leq m \leq 2$

**Câu 18:** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{\sqrt{2m+1-x}} + \log_3 \sqrt{x-m}$  xác định trên  $(2; 3)$ .

- A.  $1 \leq m \leq 2$   
 B.  $1 < m \leq 2$   
 C.  $-1 < m < 2$   
 D.  $-1 \leq m \leq 2$

**Câu 19:** Tìm tập xác định hàm số sau:  $f(x) = \sqrt{\log_{\frac{1}{2}} \frac{3-2x-x^2}{x+1}}$ .

- A.  $D = \left(-\infty; \frac{-3-\sqrt{17}}{2}\right] \cup \left[\frac{-3+\sqrt{17}}{2}; +\infty\right)$ .  
 B.  $D = (-\infty; -3) \cup (1; +\infty)$ .  
 C.  $D = \left(\frac{-3-\sqrt{17}}{2}; -3\right) \cup \left(\frac{-3+\sqrt{17}}{2}; 1\right)$ .  
 D.  $D = \left[\frac{-3-\sqrt{17}}{2}; -3\right) \cup \left[\frac{-3+\sqrt{17}}{2}; 1\right)$ .

**Câu 20:** Tập xác định của hàm số:  $y = \sqrt{\log_{\frac{1}{2}} \frac{2-x}{x+2}}$  là

- A.  $[0; 2]$ .  
 B.  $(0; 2)$ .  
 C.  $(-\infty; -2) \cup [0; 2)$ .  
 D.  $(-2; 2)$ .

**Câu 21:** Hàm số  $y = \log_2(4^x - 2^x + m)$  có tập xác định  $D = \mathbb{R}$  khi

- A.  $m > \frac{1}{4}$ .  
 B.  $m > 0$ .  
 C.  $m \geq \frac{1}{4}$ .  
 D.  $m < \frac{1}{4}$ .

**Câu 22:** Cho hàm số  $y = \log_2(x^2 - 4mx + 3m^2 + 2m)$ . Tập hợp tất cả các số thực của tham số  $m$  để hàm số có tập xác định  $D = \mathbb{R}$  là

- A.  $S = (-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$ .  
 B.  $S = (-\infty; 0] \cup [2; +\infty)$ .  
 C.  $S = [0; 2]$ .  
 D.  $S = (0; 2)$ .

**Câu 23:** Tìm tập hợp tất cả các giá trị của tham số thực  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{\sqrt{\log_3(x^2 - 2x + 3m)}}$  có tập xác định  $\square$  ?

- A.  $\left[\frac{2}{3}; +\infty\right)$ .      B.  $\left(\frac{2}{3}; +\infty\right)$ .      C.  $\left(\frac{1}{3}; +\infty\right)$ .      D.  $\left[\frac{2}{3}; 10\right]$ .

**Câu 24:** Với giá trị nào của  $m$  thì biểu thức  $f(x) = \log_{\sqrt{5}}(x-m)$  xác định với mọi  $x \in (-3; +\infty)$  ?

- A.  $m > -3$ .      B.  $m < -3$ .      C.  $m \leq -3$ .      D.  $m \geq -3$ .

**Câu 25:** Với giá trị nào của  $m$  thì biểu thức  $f(x) = \log_{\frac{1}{2}}(3-x)(x+2m)$  xác định với mọi  $x \in [-4; 2]$  ?

- A.  $m \geq 2$ .      B.  $m \geq \frac{3}{2}$ .      C.  $m > 2$ .      D.  $m \geq -1$ .

**Câu 26:** Với giá trị nào của  $m$  thì biểu thức  $f(x) = \log_3 \sqrt{(m-x)(x-3m)}$  xác định với mọi  $x \in (-5; 4]$  ?

- A.  $m \neq 0$ .      B.  $m > \frac{4}{3}$ .      C.  $m < -\frac{5}{3}$ .      D.  $m \in \emptyset$ .

**Câu 27:** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{m \log_3^2 x - 4 \log_3 x + m + 3}$  xác định trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- A.  $m \in (-\infty; -4) \cup (1; +\infty)$ .      B.  $m \in [1; +\infty)$ .  
C.  $m \in (-4; 1)$ .      D.  $m \in (1; +\infty)$ .

## TÍNH ĐẠO HÀM HÀM SỐ MŨ, HÀM SỐ LÔGARIT

**Câu 28:** Đạo hàm của hàm số  $y = \log_3(4x+1)$  là

A.  $y' = \frac{1}{(4x+1)\ln 3}$ .      B.  $y' = \frac{4}{(4x+1)\ln 3}$ .      C.  $y' = \frac{\ln 3}{4x+1}$ .      D.  $y' = \frac{4\ln 3}{4x+1}$ .

**Câu 29:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \log_{2017}(x^2 + 1)$ .

A.  $y' = \frac{2x}{2017}$       B.  $y' = \frac{2x}{(x^2 + 1)\ln 2017}$       C.  $y' = \frac{1}{(x^2 + 1)\ln 2017}$       D.  $y' = \frac{1}{(x^2 + 1)}$

**Câu 30:** Cho hàm số  $f(x) = \ln(4x - x^2)$ . Chọn khẳng định đúng?

A.  $f'(3) = -1,5$ .      B.  $f'(2) = 0$ .      C.  $f'(5) = 1,2$ .      D.  $f'(-1) = -1,2$ .

**Câu 31:** Đạo hàm của hàm số  $y = \log_8(x^2 - 3x - 4)$  là:

A.  $\frac{2x-3}{(x^2-3x-4)\ln 8}$ .      B.  $\frac{2x-3}{(x^2-3x-4)\ln 2}$ .      C.  $\frac{2x-3}{(x^2-3x-4)}$ .      D.  $\frac{1}{(x^2-3x-4)\ln 8}$

**Câu 32:** Đạo hàm của hàm số  $y = \log(2 \sin x - 1)$  trên tập xác định là:

A.  $y' = \frac{-2 \cos x}{2 \sin x - 1}$ .      B.  $y' = \frac{2 \cos x}{2 \sin x - 1}$ .  
 C.  $y' = \frac{2 \cos x}{(2 \sin x - 1)\ln 10}$ .      D.  $y' = \frac{-2 \cos x}{(2 \sin x - 1)\ln 10}$ .

**Câu 33:** Cho hàm số  $y = 2xe^x + 3 \sin 2x$ . Khi đó  $y'(0)$  có giá trị bằng

A. 8.      B. -4.      C. 2.      D. 5.

**Câu 34:** Đạo hàm của hàm số  $y = \log_3(x+1) - 2 \ln(x-1) + 2x$  tại điểm  $x=2$  bằng

A.  $\frac{1}{3}$ .      B.  $\frac{1}{3\ln 3} + 2$ .      C.  $\frac{1}{3\ln 3} - 1$ .      D.  $\frac{1}{3\ln 3}$ .

**Câu 35:** Cho hàm số  $f(x) = \ln(x^4 + 1)$ . Đạo hàm  $f'(1)$  bằng

A.  $\frac{\ln 2}{2}$ .      B. 1.      C.  $\frac{1}{2}$ .      D. 2.

**Câu 36:** Cho hàm số  $f(x) = \ln(4x - x^2)$ . Chọn khẳng định đúng.

A.  $f'(3) = -1,5$ .      B.  $f'(2) = 0$ .      C.  $f'(5) = 1,2$ .      D.  $f'(-1) = -1,2$ .

**Câu 37:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \log(\ln 2x)$ .

A.  $y' = \frac{2}{x \ln 2x \cdot \ln 10}$ .      B.  $y' = \frac{1}{x \ln 2x \cdot \ln 10}$ .      C.  $y' = \frac{1}{2x \ln 2x \cdot \ln 10}$ .      D.  $y' = \frac{1}{x \ln 2x}$

**Câu 38:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \ln(1 + \sqrt{x+1})$ .

A.  $y' = \frac{1}{2\sqrt{x+1}(1 + \sqrt{x+1})}$ .      B.  $y' = \frac{1}{1 + \sqrt{x+1}}$ .  
 C.  $y' = \frac{1}{\sqrt{x+1}(1 + \sqrt{x+1})}$ .      D.  $y' = \frac{2}{\sqrt{x+1}(1 + \sqrt{x+1})}$ .

**Câu 39:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \log_5 |2x+1|$  ta được kết quả

A.  $y' = \frac{1}{|2x+1|\ln 5}$ .      B.  $y' = \frac{1}{(2x+1)\ln 5}$ .      C.  $y' = \frac{2}{(2x+1)\ln 5}$ .      D.  $y' = \frac{2}{|2x+1|\ln 5}$ .

**Câu 40:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \ln \frac{x-1}{x+2}$

A.  $y' = \frac{-3}{(x-1)(x+2)^2}$ .      B.  $y' = \frac{-3}{(x-1)(x+2)}$ .      C.  $y' = \frac{3}{(x-1)(x+2)^2}$ .      D.  $y' = \frac{3}{(x-1)(x+2)}$ .

**Câu 41:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \log_{\frac{2}{3}} |x|$

A.  $y' = \frac{\ln 3}{x \ln 2}$ .      B.  $y' = \frac{\ln 3}{|x| \ln 2}$ .      C.  $y' = \frac{1}{|x|(\ln 2 - \ln 3)}$ .      D.  $y' = \frac{1}{x(\ln 2 - \ln 3)}$ .

**Câu 42:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = 2^{\sqrt{1-x}}$ .

A.  $y' = \frac{-\ln 2}{2\sqrt{1-x}} \cdot 2^{\sqrt{1-x}}$ .      B.  $y' = \frac{\ln 2}{2\sqrt{1-x}} \cdot 2^{\sqrt{1-x}}$ .      C.  $y' = \frac{-2^{\sqrt{1-x}}}{2\sqrt{1-x}}$ .      D.  $y' = \frac{2^{\sqrt{1-x}}}{2\sqrt{1-x}}$ .

**Câu 43:** Đạo hàm của hàm số  $y = (2x^2 - 5x + 2)e^x$  là:

A.  $xe^x$ .      B.  $(2x^2 - x - 3)e^x$ .      C.  $2x^2e^x$ .      D.  $(4x - 5)e^x$ .

**Câu 44:** Cho hàm số  $y = \frac{2^x + 3^x}{4^x}$ . Giá trị  $y'(0)$  bằng:

A.  $\ln \frac{3}{8}$       B. 1      C.  $\ln \frac{8}{3}$       D. 0

**Câu 45:** Cho hàm số  $f(x) = x \ln^2 x$ , ta có  $f'(e)$  bằng:

A. 3.      B.  $\frac{2}{e}$ .      C.  $2e+1$ .      D.  $2e$ .

**Câu 46:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \frac{x+3}{9^x}$ .

A.  $y' = \frac{1-2(x+3)\ln 3}{3^{2x}}$ .      B.  $y' = \frac{1+2(x+3)\ln 3}{3^{2x}}$ .  
C.  $y' = \frac{1-2(x+3)\ln 3}{3^{x^2}}$ .      D.  $y' = \frac{1+2(x+3)\ln 3}{3^{x^2}}$ .

**Câu 47:** Hàm số  $y = 2^{2x^2+x}$  có đạo hàm là

A.  $y' = (4x+1)2^{2x^2+x}\ln 2$ .      B.  $y' = 2^{2x^2+x}\ln 2$ .  
C.  $y' = (4x+1)2^{2x^2+x}\ln(2x^2+x)$ .      D.  $y' = (2x^2+x)2^{2x^2+x}\ln 2$ .

**Câu 48:** Tìm khẳng định sai trong các khẳng định sau.

A.  $(a^u)' = u'a^u \ln a$ , với  $u$  là một hàm số.      B.  $(a^x)' = a^x \ln a$ .  
C.  $(e^x)' = e^x$ .      D.  $(\ln u)' = \frac{u'}{2u}$ , với  $u$  là một hàm số.

**Câu 49:** Cho hàm số  $y = e^x + e^{-x}$ . Tính  $y''(1) = ?$

- A.  $e + \frac{1}{e}$ .      B.  $e - \frac{1}{e}$ .      C.  $-e + \frac{1}{e}$ .      D.  $-e - \frac{1}{e}$ .

**Câu 50:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = 3^{6x+1}$ .

- A.  $y' = 3^{6x+2} \cdot 2$ .      B.  $y' = (6x+1) \cdot 3^{6x}$ .      C.  $y' = 3^{6x+2} \cdot 2 \ln 3$ .      D.  $y' = 3^{6x+1} \cdot \ln 3$ .

**Câu 51:** Tính đạo hàm của hàm số:  $y = 3^{2017x}$

- A.  $y' = 2017 \ln 3 \cdot 3^{2017x}$ .      B.  $y' = \frac{3^{2017}}{\ln 3}$ .      C.  $y' = 3^{2017}$ .      D.  $y' = \ln 3 \cdot 3^{2017x}$ .

**Câu 52:** Đạo hàm của hàm số  $y = (x+2) \ln^2(2x)$  là

- A.  $\ln^2(2x) + \frac{2x}{x+2} \ln(2x)$ .      B.  $\ln^2(2x) + \frac{2x+2}{x} \ln(2x)$ .  
C.  $\ln^2(2x) + \frac{2x+4}{x} \ln(2x)$ .      D.  $\ln^2(2x) + \frac{x}{x+2} \ln 2x$ .

**Câu 53:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \frac{\log_2 x}{x}$  với  $x > 0$ .

- A.  $y' = \frac{1 - \ln x}{x \ln x}$ .      B.  $y' = \frac{1 - \ln x}{x \ln 2}$ .      C.  $y' = \frac{1 - \ln x}{x^2 \ln 2}$ .      D.  $y' = \frac{1 - \ln x}{x^2 \ln^2 2}$ .

**Câu 54:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$ .

- A.  $y' = \frac{1}{2\sqrt{x^2 + 1}}$ .      B.  $y' = \frac{2x}{x + \sqrt{x^2 + 1}}$ .      C.  $y' = \frac{1}{x + \sqrt{x^2 + 1}}$ .      D.  $y' = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}$ .

**Câu 55:** Tính đạo hàm của hàm  $y = x^x$  tại điểm  $x = 2$  là

- A.  $y'(2) = 4 \ln 2$ .      B.  $y'(2) = 4 \ln(2e)$ .      C.  $y'(2) = 4$ .      D.  $y'(2) = 2 \ln(2e)$ .

**Câu 56:** Đạo hàm của hàm số  $y = \ln(e^{\cos 2x} + 1)$  là

- A.  $y' = \frac{2e^{\cos 2x} \sin 2x}{e^{\cos 2x} + 1}$ .      B.  $y' = \frac{e^{\cos 2x}}{e^{\cos 2x} + 1}$ .  
C.  $y' = \frac{2 \sin 2x}{e^{\cos 2x} + 1}$ .      D.  $y' = -\frac{2e^{\cos 2x} \sin 2x}{e^{\cos 2x} + 1}$ .

**Câu 57:** Cho hàm số  $f(x) = \ln x$ . Hãy tính  $f(x) + f'(x) + f\left(\frac{1}{x}\right) - \frac{1}{x}$ .

- A. e.      B. -1.      C. 1.      D. 0.

**Câu 58:** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \sqrt[5]{\ln^4 7x}$  trên  $(0; +\infty)$ .

- A.  $\frac{1}{5x^5 \sqrt[5]{\ln^4 7x}}$ .      B.  $\frac{1}{5\sqrt[5]{\ln^4 7x}}$ .      C.  $\frac{1}{35x^5 \sqrt[5]{\ln^4 7x}}$ .      D.  $\frac{4}{5x^5 \sqrt[5]{\ln 7x}}$ .

**Câu 59:** Đạo hàm của hàm số  $f(x) = \ln(e^x + \sqrt{e^{2x} + 1})$  là

- A.  $f'(x) = \frac{e^x}{\sqrt{e^{2x} + 1}}$ .      B.  $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{e^{2x} + 1}}$ .  
C.  $f'(x) = \frac{1}{e^x + \sqrt{e^{2x} + 1}}$ .      D.  $f'(x) = \frac{e^x}{e^x + \sqrt{e^{2x} + 1}}$ .

**Câu 60:** Cho hàm số  $y = e^{3x} \cdot \sin 5x$ . Tính m để  $6y' - y'' + my = 0$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ :

- A.  $m = -30$ .      B.  $m = -34$ .      C.  $m = 30$ .      D.  $m = 34$ .

Câu 61: Hàm số  $F(x) = \ln\left(x + \sqrt{x^2 + a}\right) + C$  ( $a > 0$ ) là đạo hàm của hàm số nào sau?

- A.  $\frac{1}{\sqrt{x^2 + a}}$ .      B.  $\frac{1}{x + \sqrt{x^2 + a}}$ .      C.  $\sqrt{x^2 + a}$ .      D.  $x + \sqrt{x^2 + a}$ .

Câu 62: Cho hàm số  $y = \ln \frac{1}{x+1}$ . Hết thúc nào sau đây đúng?

- A.  $xy' + 1 = e^y$ .      B.  $xe^y + y' = 0$ .      C.  $xy' + e^y = 1$ .      D.  $xe^y + y' = 1$ .

Câu 63: Cho hàm số  $f(x) = \ln \left| \frac{\cos x + \sin x}{\cos x - \sin x} \right|$ . Khi đó tính giá trị  $f''\left(\frac{\pi}{3}\right)$

- A.  $f''\left(\frac{\pi}{3}\right) = 8\sqrt{3}$ ..      B.  $f''\left(\frac{\pi}{3}\right) = 0$ ..      C.  $f''\left(\frac{\pi}{3}\right) = -4$ ..      D.  $f''\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ ..

GV. ĐÀO PHƯƠNG THẢO

**GV. ĐÀO PHƯƠNG THẢO**